

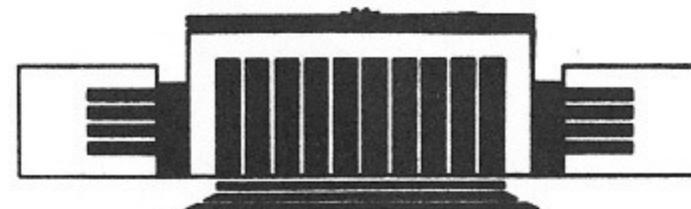


ИНСТИТУТ ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ  
им. Г.И. Будкера СО РАН  
СИБИРСКИЙ ЦЕНТР СИНХРОТРОННОГО  
ИЗЛУЧЕНИЯ

С.В. Чернов, С.Ф. Рузанкин, А.Л. Яковлев

МОДЕЛИРОВАНИЕ XANES-СПЕКТРОВ  
МОЛИБДЕНА ДЛЯ СТРУКТУР  
С КОВАЛЕНТНЫМ ХАРАКТЕРОМ  
СВЯЗЕЙ

ИЯФ 94-74



НОВОСИБИРСК  
1994

Моделирование XANES-спектров  
молибдена для структур  
с ковалентным характером связей

С.В. Чернов\*, С.Ф. Рузанкин\*\*, А.Л. Яковлев\*\*

Институт ядерной физики  
630090, Новосибирск 90, Россия

АННОТАЦИЯ

На основе сравнений численных и экспериментальных XANES-спектров поглощения молибдена в  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  демонстрируются недостатки моделирования ближайшего кристаллического окружения с помощью традиционно заряженного кластера для атома с существенно ковалентным характером связей. Предлагается модель граничных условий, адекватно учитывающая в методе Х $\alpha$ -РВ ковалентный характер связей. Делается вывод о ближайшем кислородном окружении молибдена в  $\text{NiMoO}_4$ .

Для определения окружения атома молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$  было предложено использовать метод дифракции рентгеновских излучений на кристаллах сферулитов  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$ . Было показано, что спектр XANES-спектра этого кислородного окружения может быть описан с помощью кластера  $\text{Mo}_{12}$ , состоящего из 12 атомов молибдена, расположенных в октаэдрическом окружении центрального атома. Важно отметить, что в этом кластере атомы молибдена расположены в одинаковых позициях, что делает его более адекватным для описания ковалентного характера связей.

В методе Х $\alpha$ -РВ для определения ближайшего кристаллического окружения атома молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$  используется кластер  $\text{Mo}_{12}$ , состоящий из 12 атомов молибдена, расположенных в октаэдрическом окружении центрального атома. Важно отметить, что в этом кластере атомы молибдена расположены в одинаковых позициях, что делает его более адекватным для описания ковалентного характера связей.

## 1 Введение

Цель данной работы заключается в исследовании ближайшего кислородного окружения молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$  на основе численного моделирования Mo XANES-спектров для структур, где ближайшие Mo–O расстояния близки друг к другу как для тетраэдрического, так и для октаэдрического окружений. Из-за большого различия рассеивающих способностей тяжелых атомов металлов (Mo, Ni) и легких кислородных атомов расшифровка дифракционных данных для  $\text{NiMoO}_4$  содержит некоторую условность в определении позиций кислорода относительно металлов. Поэтому, приступая к исследованию “in situ” механизма синтеза  $\text{NiMoO}_4$  в реакции  $\text{NiO} + \text{MoO}_3 \rightarrow \text{NiMoO}_4$ , мы попытались получить альтернативное подтверждение правильности определения ближайшего кислородного окружения молибдена в этой структуре.

Сравнение Mo EXAFS-спектра  $\text{NiMoO}_4$  с аналогичным спектром  $\text{MoO}_3$ , в котором ближайшее кислородное окружение молибдена хорошо известно, не дали однозначного ответа на этот вопрос. Из-за малой разницы ( $\sim 0.2$  Å) длин связи двух пар Mo–O в кислородном октаэдре их EXAFS-сигналы сливаются в один пик и не различимы. Mo XANES-спектры этих соединений, кроме общего ожидаемого сходства, содержали существенное отличие в положении предкраевого пика поглощения молибдена [1]. С другой стороны, явились неожиданным то, что положения предкраевых пиков Mo XANES-спектров  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  практически совпадают, хотя амплитуда пика в первом случае меньше. Так как в последней структуре молибден имеет почти идеальное тетраэдрическое

© Институт ядерной физики им. Г.И. Будкера, Россия

\* Институт Химии Твердого Тела и Переработки Минерального Сырья  
СО РАН, 630091, Новосибирск-91, ул. Державина, 18.

\*\* Институт катализа СО РАН, 630090, Новосибирск, ул. Лаврентьева, 5.

кислородное окружение, то в этом случае естественно выглядит предположение о том, что кислород в  $\text{NiMoO}_4$  также находится внутри кислородных тетраэдров с некоторым смещением из их центров. Последнее обстоятельство должно приводить к уменьшению амплитуды предкраевого пика из-за снятия вырождения молекулярного уровня, с переходом на который и связано появление этого пика. Поэтому для объяснения вышеупомянутых особенностей экспериментальных XANES-спектров было выполнено их численное моделирование.

В расчете методом Х $\alpha$ -РВ кристалл традиционно моделируется кластером. При этом возникает сложный вопрос о граничных условиях, которые должны адекватно учесть влияние внешнего кристаллического окружения. В связи с этим, настоящую работу можно рассматривать и как анализ корректности использования некоторых граничных условий при моделировании спектра поглощения для ковалентного кристалла. Выполнив расчет XANES-спектров молибдена для кластеров с различными граничными условиями и сравнив их с экспериментальными данными, мы предложили, на наш взгляд, корректный способ моделирования XANES-спектров для ковалентных кристаллов и на его основе сделали вывод о ближайшем кислородном окружении молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$ .

В части 2 подробно описаны кластерные расчеты XANES-спектров поглощения для молибдена в структурах  $\text{NiMoO}_4$ ,  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$ , и проведено их сравнение с экспериментальными спектрами. Отмечаются трудности корректного моделирования спектров при традиционном выборе граничных условий. В части 3 приведены результаты расчетов с более аккуратным моделированием граничных условий. В части 4 проводится заключительное обсуждение полученных результатов.

## 2 Расчет кластерных уровней для тетраэдрического и октаэдрического кислородного окружения молибдена

Численный расчет XANES спектра молибдена для  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  впервые был выполнен в [2]. Молибден в этой структуре расположен в центрах кислородных тетраэдров. Расстояния Mo–O составляют  $\sim 1.75 \text{ \AA}$  [3]. Согласно этой работе предкраевой пик поглощения молибдена вызван переходом электрона с  $1s$  уровня молибдена на  $t_2$  молекулярный уровень ( $T_d$ -тип симметрии). В структурах  $\text{NiMoO}_4$  [4,5] и  $\text{MoO}_3$  [6] молибден расположен внутри кислородных октаэдров имещен относительно их центров

на  $\sim 0.4 \text{ \AA}$ . Размеры этих октаэдров близки в обеих структурах. Mo–O расстояния внутри октаэдров разбиваются на три пары:  $\sim 1.72$ ,  $1.93$  и  $2.3 \text{ \AA}$ . Если взять только две ближайшие пары, то получим деформированный тетраэдр со смещенным из его центра молибденом. Поэтому были выполнены расчеты для следующих кластеров:

1.  $\text{MoO}_4^{2-}$  — идеальный тетраэдр структуры  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$ ,  $T_d$  — тип симметрии.

2.  $(\text{MoO}_4^{2-})^*$  — деформированный тетраэдр, фрагмент октаэдра структур  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$ .  $C_{2v}$  — тип симметрии с центром на молибдене.

3.  $(\text{MoO}_6)^n$  — деформированный октаэдр с различной степенью заряда  $n$  на сфере Ватсона. Расчеты проводились для  $n = 2^+, 0, 2^-, 4^-, 6^-$ .  $C_{2v}$  — тип симметрии с центром на молибдене.

Расчеты молекулярных уровней проводились методом Х $\alpha$ -РВ по программе [7]. Коэффициенты  $\alpha$  в обменном потенциале Слэтера для каждой сферической области кластера, для внешней (out) и межсферной (in) областей выбирались одинаковыми для всех кластеров:  $\alpha(\text{O})=0.74367$ ,  $\alpha(\text{Mo})=0.70342$ ,  $\alpha(\text{out})=\alpha(\text{in})=0.71562$ . Радиусы сфер, окружающих атомы кластера, выбирались почти касающимися и соответствовали минимальным скачкам потенциалов на границах сферических областей (см. Таб.1). Внешний компенсирующий заряд располагался на сфере Ватсона, совпадающей с внешней сферой, описывающей все внутренние сферические области.

**Таблица 1**

$R(\text{O})$  и  $R(\text{Mo})$  — радиусы сфер в методе Х $\alpha$ -РВ, описывающие атомы кислорода и молибдена в различных кластерах (в  $\text{\AA}$ ). O1, O2 и O3 — атомы кислорода с различными Mo–O расстояниями.  $R(\text{out})$  — радиус внешней сферы.

Кластер	$R(\text{Mo})$	$R(\text{O}1)$	$R(\text{O}2)$	$R(\text{O}3)$	$R(\text{out})$
$\text{MoO}_4^{2-}$	1.056	0.714	0.714	—	2.585
$(\text{MoO}_4^{2-})^*(\text{a})$	1.056	0.714	0.714	—	2.585
$(\text{MoO}_4^{2-})^*(\text{b})$	1.056	0.714	0.873	—	2.624
$(\text{MoO}_6)^n(\text{a})$	1.056	0.714	0.714	0.714	2.714
$(\text{MoO}_6)^n(\text{b})$	1.056	0.714	0.873	0.873	2.878

Результаты расчетов приведены в Таб.2. Для удобства сравнения с экспериментальными данными приводятся не только абсолютные положения вакантных уровней  $a_1$  и  $b_1$ , но также разница между их положениями относительно  $1s(\text{Mo})$ -уровня в рассматриваемом кластере и положением  $t_2$  вакантного уровня относительно  $1s(\text{Mo})$ -уровня в идеальном тетраэдре:  $\Delta(a_1)$  и  $\Delta(b_1)$ . Величины  $1s(\text{Mo})$  и  $t_2$  уровней для идеального тетраэдра  $\text{MoO}_4^{2-}$  равны 19319.4889 и 1.7006 эВ соответственно.

Далее, найденные волновые функции использовались в расчетах матричных элементов перехода для описания процессов поглощения фотона при переходе электронов с  $1s(\text{Mo})$  уровня в непрерывный спектр или на вакантные молекулярные уровни [2,8]. Переход на вакантный связанный уровень проявляется появлением предкраевого пика в XANES-спектре. Однако, такой переход с  $1s(\text{Mo})$  уровня возможен только тогда, когда парциальный электронный вклад в волновую функцию для орбитального момента  $l = 1$  в окрестности молибдена ( $q_1$ ) отличен от нуля.

При переходе от идеального к деформированному тетраэдру или к деформированному октаэдру трехкратно вырожденный вакантный уровень  $t_2$  расщепляется на три однократно вырожденных уровня  $a_1$ ,  $b_1$  и  $b_2$ . Согласно нашим расчетам, предкраевой пик поглощения в XANES-спектре молибдена можно ожидать для  $1s(\text{Mo}) \rightarrow a_1$  и  $1s(\text{Mo}) \rightarrow b_1$  электронных переходов, где  $a_1$  и  $b_1$  — вакантные молекулярные уровни кластеров  $(\text{MoO}_4^{2-})^*$  и  $(\text{MoO}_6)^n$ . Основной вклад вносит переход на  $b_1$  уровень, так как его парциальный электронный вклад в сфере молибдена как в случае октаэдра, так и в случае деформированного тетраэдра (см. Таб.2 для  $n = 0, 2^-, 2^+$ ), был весьма близок по величине аналогичному вкладу для идеального тетраэдра ( $q_1 = 0.021$ ). Уменьшение амплитуды пика связано с меньшей вырожденностью уровня  $b_1$ . Переход на  $a_1$  уровень из-за малой величины  $q_1$  лишь слегка изменяет форму предкраевого пика. Так как для  $b_2$  уровня  $q_1$  в 5 и более число раз меньше, чем для уровня  $b_1$ , то его влияние не существенно.

Несмотря на то, что предкраевой пик в деформированном октаэдре и тетраэдре вызван одной и той же причиной, а именно  $1s(\text{Mo}) \rightarrow b_1$  электронным переходом, положения его существенно отличаются. Как видно из Таб.2, положение уровня  $b_1$  в деформированном тетраэдре должно привести к незначительному сдвигу предкраевого пика по отношению к положению его в идеальном тетраэдре,  $\Delta(b_1) \sim 0.1$  эВ. Изменение радиусов кислородных сфер для более удаленной кислородной пары до величины касания сферы молибдена (Таб.1) приводит только к уменьшению этого сдвига. В то же время, для октаэдрического окружения молибдена  $\Delta(b_1) \sim 1.6$  эВ, что больше соответствует XANES-спектру

молибдена в структуре  $\text{MoO}_3$  (рис.1 [1]). Однако, расчеты для кластера  $\text{MoO}_6$ , который по традиционной схеме должен быть заряжен до заряда  $-6$ , вообще не воспроизводят экспериментально наблюдаемую ситуацию, так как вакантные уровни  $a_1$  и  $b_1$  выдавливаются при этом в непрерывный спектр. Более глубокие уровни той же симметрии имеют очень маленькие парциальные электронные вклады для  $l = 1$ .

Несмотря на существенное изменение абсолютного положения  $1s(\text{Mo})$ ,  $b_1$  и  $a_1$  уровней кластера при изменении его заряда, взаимное расположение их мало меняется для октаэдра. Для деформированного тетраэдра ситуация совершенно другая (см. Таб.2). Относительные смещения уровней ( $\Delta$ ) здесь весьма значительны и колеблются от того, что есть в идеальном тетраэдре, до величин, соответствующих больше октаэдру.

Таблица 2

Положения вакантных ( $a_1$ ,  $b_1$ ) и  $1s(\text{Mo})$  уровней и разница ( $\Delta(a_1)$ ,  $\Delta(b_1)$ ) между их положением относительно  $1s(\text{Mo})$  уровня в кластерах и положением вакантного  $t_2$  уровня относительно  $1s(\text{Mo})$  в кластере  $\text{MoO}_4^{2-}$  (эВ).  $q_1$ -парциальный электронный вклад для орбитали  $L = 1$  в сфере молибдена.

Кластер	$1s(\text{Mo})$	$a_1$	$\Delta(a_1)$	$q_1(a_1)$	$b_1$	$\Delta(b_1)$	$q_1(b_1)$
$(\text{MoO}_4^{2-})^*(\text{a})$	-19320.263	-3.131	-0.64	0.007	-2.616	-0.12	0.022
$(\text{MoO}_4^{2-})^*(\text{b})$	-19320.349	-2.965	-0.61	0.008	-2.548	-0.04	0.024
$(\text{MoO}_4^0)^*(\text{a})$	-19322.833	-4.313	0.75	0.016	-4.130	0.93	0.029
$(\text{MoO}_4)^{2+}(\text{a})$	-19325.776	-6.833	1.18	0.015	-6.593	1.41	0.030
$(\text{MoO}_6)^{2+}(\text{a})$	-19324.649	-5.802	1.08	0.011	-5.168	1.71	0.026
$(\text{MoO}_6)^0(\text{a})$	-19322.805	-3.881	1.15	0.011	-3.339	1.70	0.025
$(\text{MoO}_6)^0(\text{b})$	-19323.342	-4.605	0.96	0.011	-4.092	1.48	0.024
$(\text{MoO}_6)^{2-}(\text{a})$	-19321.050	-1.597	1.68	0.002	-1.601	1.68	0.024
$(\text{MoO}_6)^{4-}(\text{a})$	-19319.473	-0.370	1.33	0.001	-0.434	1.27	0.004
$(\text{MoO}_6)^{6-}(\text{a})$	-19318.788	-	-	-	-	-	-

Суммируя это, можно сделать вывод, что для октаэдрического кислородного окружения мы не можем различить спектры поглощения молибдена в структурах  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$ , хотя на экспериментальных XANES спектрах такое различие явно наблюдается. Кроме того, наши расчеты показали, что для традиционного в согласии с валентностью атомов заряженного кластера нельзя получить наблюдаемый на эксперименте предкраевой пик поглощения молибдена в структуре  $\text{MoO}_3$ . Однако, для меньших зарядов кластера такой пик существует и его

смещение относительно наблюдаемого пика в структуре  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  моделируется качественно правильно, но несколько меньше количественно. Закономерно встает вопрос о правильном учете граничных условий. В связи с этим, по-видимому, будет поспешно трактовать малую величину смещения  $\Delta(b_1)$  для  $(\text{MoO}_4^{2-})^*$  как доказательство тетраэдрического кислородного окружения молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$ , тем более, что изменение заряда кластера в этом случае может сильно изменить  $\Delta(b_1)$ .

Моделирование влияния внешней кристаллической структуры на кластер с помощью заряда, размещенного на сфере Ватсона (в нашем случае на внешней сфере) хорошо зарекомендовало себя для ионных кристаллов. В нашем случае для  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  приближение ионной связи хорошо воспроизводит взаимодействие комплекса  $\text{MoO}_4^{2-}$  и  $\text{Na}^{2+}$ . Однако, для моделирования кристаллов  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  кластерами  $\text{MoO}_6$ , видимо, становится существенным учет ковалентности связи. С другой стороны, успешность моделирования кристалла  $\text{NiO}$  кластерами с граничными условиями на основе ионной связи [9] возможно означает корректность описания в  $\text{NiMoO}_4$  взаимодействия комплекса  $\text{MoO}_4^{2-}$  с  $\text{Ni}^{2+}$  как ионное. Присоединение двух пар более удаленных кислородных атомов вносит в этот тип связи существенное возмущение, так как их взаимодействие с другим соседним молибденом имеет существенно ковалентный характер. Поэтому мы попытались найти способ учета влияния внешнего кристаллического окружения с ковалентным характером связи и с единых позиций описывать спектры поглощения молибдена в структурах  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$ .

### 3 Расчет XANES-спектров с ковалентным характером связи

Как хорошо известно, в случаях ковалентных кристаллов оборванные электронные связи кластера насыщают водородными атомами или псевдоатомами [9-11]. Такой подход связан с увеличением размера кластера, что в нашем случае было не желательно из-за ограниченности ресурсов компьютера. В [12-13], был успешно использован другой прием. Электроны кластера, участвующие в оборванных связях, удалялись из кластера и помещались на внешнюю сферу Ватсона. Эффективность и точность такой модели продемонстрированы в этих работах на примере кластерных расчетов электронных спектров для совершенного кристалла GaAs и идеальной вакансии в Si. Учет способа соединения окта-

эдров, предположение о равновероятном распределении кислородных связей между несколькими смежными октаэдрами и использование этой модели, привело нас к моделированию  $\text{NiMoO}_4$  кластером  $\text{MoO}_6^{2+}$ , а  $\text{MoO}_3$ - $\text{MoO}_6^0$ . Как видно из Таб.2, и тот и другой кластер приводят практически к одному и тому же смещению  $\Delta(b_1)$ , и, следовательно, положения предкраевых пиков не различаются.

Следующий этап нашего моделирования заключался в учете маделунговских вкладов в потенциалы атомных сфер кластера от распределенных по решетке кристалла зарядов. Для ионных кристаллов такой прием применялся и ранее [2,14]. Если рассчитать вклады потенциалов Маделунга в потенциалы кластера от точечных ионов  $\text{Mo}^{6+}$ ,  $\text{Ni}^{2+}$  и  $\text{O}^{2-}$ , то величины  $\Delta(b_1)$  и  $\Delta(a_1)$  практически не изменяются. Пытаясь воспроизвести более реалистичное распределение заряда в кристалле, мы остались в узлах решетки ионы:  $\text{Mo}^{6+}$ ,  $\text{Ni}^{2+}$  и  $\text{O}^{4+}$ . Величина заряда ионов рассчитывалась из того сколько электронов должно уйти на образование общей молекулярной связи. Так для Mo и Ni это все  $d$ -электроны, а для O — все  $p$ -электроны. Электроны размещались посередине между ионами металлов и кислородом. Количество электронов, отдаваемое атомами на каждую такую связь, определялось из предположения равновероятного распределения их между ближайшими соседями. Был рассчитан также вариант с пятивалентным молибденом и трехвалентным никелем для решетки  $\text{NiMoO}_4$  ( $\text{Mo}^{5+}$ ,  $\text{Ni}^{3+}$ ,  $\text{O}^{4+}$ ). В связи с тем, что трудно корректно учесть вклад потенциала Маделунга в сложную межсферную область, рассчитывался относительный сдвиг потенциалов только в кислородных сферах относительно потенциала в сфере молибдена. Последний, как и потенциал в межсферной области, оставался без изменения. Потенциальные сдвиги для атомов кислорода в  $(\text{MoO}_6)^n$ :

- I ( $\text{Mo}^{5+}$ ,  $\text{Ni}^{3+}$  в  $\text{NiMoO}_4$ ) — +0.27 эВ( $\text{O}1$ ), +21.4 эВ( $\text{O}2$ ), +19.0( $\text{O}3$ ) эВ;
- II ( $\text{Mo}^{6+}$ ,  $\text{Ni}^{2+}$  в  $\text{NiMoO}_4$ ) — -2.7 эВ( $\text{O}1$ ), +25.8 эВ( $\text{O}2$ ), +19.7( $\text{O}3$ ) эВ;
- III ( $\text{Mo}^{6+}$  в  $\text{MoO}_3$ ) — -24.5 эВ( $\text{O}1$ ), +5.7 эВ( $\text{O}2$ ), +16.3( $\text{O}3$ ) эВ.

Результат расчета кластеров  $\text{MoO}_6$  с учетом таких потенциальных маделунговских сдвигов для кислородных сфер (различный для различных позиций O) суммирован в Таб.3. Видно, что выбранная нами модель воспроизводит малое смещение предкраевого пика поглощения в  $\text{NiMoO}_4$  по отношению к пику в  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  ( $\Delta(b_1) \sim 0.5 - 0.6$  эВ) и, в то же время, относительное положение пиков в  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  различается на  $\sim 3$  эВ. Расчет XANES спектров молибдена для всех трех типов структур приведен на рис.1. Аппаратное и естественное уширение спектра моделировалось лоренцовским “размазыванием” уровней на 3 эВ. Наблюдается хорошее согласие с экспериментальными кривыми на рис.1.

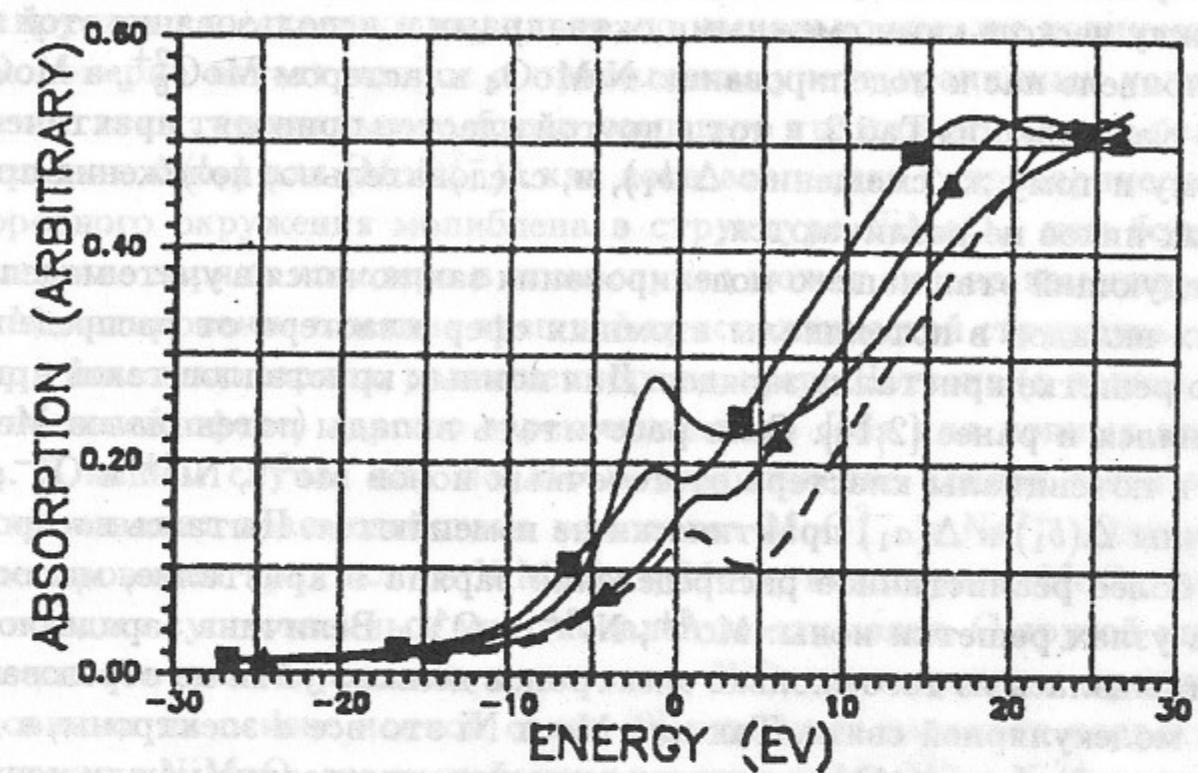


Рис. 1. Расчитанные XANES-спектры молибдена в структурах: а)  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  —, б)  $\text{NiMoO}_4$  ■—,  $\text{MoO}_3$  (с коррекцией) ▲—,  $\text{MoO}_3$  (без коррекции) - - -.

Необходимо пояснить характер коррекции спектра для  $\text{MoO}_3$ . Непосредственно расчет для  $\text{MoO}_3$  воспроизводит пунктирную кривую на рис.1. Граница непрерывного спектра сдвинута вправо от предкраевого пика на большую величину, чем в  $\text{NiMoO}_4$ . Причина этого в отсутствии маделунговского сдвига для потенциала в межсферной области, так как именно его величина и определяет начало непрерывного спектра. Положение же уровней  $b_1$  и  $a_1$  главным образом связано с потенциалами в кислородных и молибденовской сферах. Согласно [15], XANES-теория многократного рассеяния, позволяет получить формулу:

$$(E_r - E_b)R = \text{const},$$

где  $E_b$  — связанный резонансный уровень,  $E_r$  — резонансный пик континуума,  $R$  — расстояние до первой координационной сферы. Основываясь на этом можно предполагать, что сдвиги для  $a_1$  и  $b_1$  уровней и начало континуума, около которого они близко расположены, должны сдвигаться под воздействием внешнего кристаллического окружения почти одинаково. С учетом этого и был выполнен сдвиг положения континуума для  $\text{MoO}_3$  на

ту же величину, что и сдвиг уровня  $b_1$  по отношению к  $b_1$  в  $\text{NiMoO}_4$ . При этом сходство рассчитанного XANES-спектра с экспериментальным улучшилось.

#### 4 Обсуждение полученных результатов

Полученное сходство экспериментальных и рассчитанных с единых позиций спектров молибдена в  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  подтверждает октаэдрическое кислородное окружение молибдена в структуре  $\text{NiMoO}_4$ . Близкое расположение предкраевых пиков поглощения молибдена в  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{Na}_2\text{MoO}_4$  объясняется близостью расстояний в этих структурах от молибдена до ближайшей пары кислорода ( $\sim 1.72$ – $1.75$  Å). Анализ распределения электронного заряда по областям кластера указывает на то, что положение уровня  $b_1$  в основном определяется связью именно с этой кислородной парой. Уровень  $a_1$  определяется связью молибдена со следующей кислородной парой ( $\sim 1.9$  Å). Сдвиг предкраевого пика поглощения в  $\text{MoO}_3$  по отношению к такому же пiku в  $\text{NiMoO}_4$  вызван различием в распределении заряда в кристаллических решетках для этих структур. Так решетка  $\text{NiMoO}_4$  составлена из заряженных октаэдров молибдена и никеля, а решетка  $\text{MoO}_3$  — только из нейтральных октаэдров молибдена. Как для шестивалентного, так и для пятивалентного молибдена рассчитанные XANES-спектры количественно и качественно мало отличаются друг от друга.

Моделирование кристаллов  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  традиционно для ионной связи заряженными кластерами  $(\text{MoO}_6)^{6-}$  не воспроизводит экспериментально наблюдаемую ситуацию. Положение не меняется и при учете маделунговских сдвигов потенциалов в кислородных сферах. В любом случае вакантные  $a_1$  и  $b_1$  уровни, связанные с предкраевым пиком поглощения, выдавливаются в непрерывный спектр. Результаты попытки сместить потенциал в межсферной области на такую величину, чтобы уровни  $a_1$  и  $b_1$  вернулись из континуума в область связанных состояний для кластеров  $(\text{MoO}_6)^{6-}$ , суммированы в Таб.3. Смещение потенциала в межсферной области составляло  $\sim -9.5$  эВ. В этом случае различия в положении уровней и, следовательно, предкраевых пиков в  $\text{NiMoO}_4$  и  $\text{MoO}_3$  с точки зрения экспериментального разрешения не существенны. Кроме того, на XANES-спектре появляется дополнительный пик, который лежит на 3 эВ левее основного и составляет по амплитуде 70% от него, что находится в явном противоречии с экспериментом.

**Таблица 3**

Те же величины, что и в таблице 2 с учетом маделунговских сдвигов для потенциалов в кислородных сферах. Валентность молибдена в решетке кристалла для: (I) +5 ( $\text{NiMoO}_4$ ), (II) +6 ( $\text{NiMoO}_4$ ), (III) +6 ( $\text{MoO}_3$ ).

Кластер	$1s(\text{Mo})$	$a_1$	$\Delta(a_1)$	$q_1(a_1)$	$b_1$	$\Delta(b_1)$	$q_1(b_1)$
$\text{MoO}_6^+$ (I)	-19319.333	-2.090	-0.53	0.010	-2.070	-0.51	0.022
$\text{MoO}_4^{2+}$ (I)	-19321.657	-4.739	-0.85	0.014	-4.515	-0.63	0.029
$\text{MoO}_4^{2+}$ (II)	-19320.170	-3.229	-0.83	0.005	-2.997	-0.60	0.023
$\text{MoO}_6^0$ (III)	-19324.403	-4.614	+2.63	0.008	-4.601	+2.67	0.016
$\text{MoO}_6^{6-}$ (I)	-19319.987	-2.803	-0.58	0.005	-2.892	-0.67	0.018
$\text{MoO}_6^{6-}$ (II)	-19319.667	-2.725	-0.82	0.006	-2.923	-1.02	0.017
$\text{MoO}_6^{6-}$ (III)	-19322.132	-4.443	-0.08	0.004	-4.370	-0.01	0.008

Как уже упоминалось выше моделирование в традиционном подходе не устойчиво к расширению кластера от  $(\text{MoO}_4^{2-})^*$  до  $(\text{MoO}_6)^n$ . Расчеты же кластеров по предлагаемой модели к этому устойчивы. Так например, кластеру  $(\text{MoO}_6)^+$  для  $\text{Mo}^{5+}$  соответствует кластер меньшего размера  $(\text{MoO}_4^{2+})$ . Из Таб.3 видно, что результат расчета ( $\Delta$ ) в этом случае сильно не изменяется.

Необходимо однако заметить, что при удалении электронов внешних связей из кластера мы оставляем недозаполненными ряд молекулярных уровней, которые в действительности должны быть заполненными. Это может привести к появлению новых переходов и, следовательно, к появлению новых пиков поглощения. Поэтому описанный выше подход нуждается в искусственном удалении таких переходов. В нашей ситуации такой необходимости не было из-за отсутствия подходящих для таких переходов освободившихся уровней.

После этой оговорки, мы считаем подобный подход вполне работоспособным для расчетов XANES спектров поглощения в ковалентных кристаллах. Главная причина успеха такого подхода, на наш взгляд, является более реалистичная конструкция потенциала, хотя при этом мы и отходим несколько от реалистичного заполнения внешних орбиталей. Как видно из настоящей работы, погрешности заполнения мало сказываются на XANES-спектре, который в основном определяется поведением волновых функций в малой окрестности атома металла.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (N 93-03-4235) и Международного научного фонда Сороса (N 6946-0925).

В заключении, мы выражаем благодарность Н.Н.Булгакову за полезное обсуждение некоторых аспектов этой работы.

## Литература

1. С.В. Чернов, С.В. Мытниченко, С.Ф. Рузанкин, В.А. Чернов, С.Г. Никитенко. ИЯФ 94-73, Новосибирск, 1994.
2. F.W.Kutzler, C.R.Natoli, and et al. J. Chem. Phys. 1980, 73, p.3274–3288.
3. K.Matsmoto, A.Koboushi, and Y.Sasaki. Bull. Chem. Soc. Jap. 1975, 48, p.1009–1022.
4. G.W.Smith, J.A.Ibers. Acta Cryst. 1965, 19, p.269–275.
5. G.W.Smith. Acta Cryst. 1962, 15, p.1054–1057.
6. E.M.McCaron, J.C.Calabrese. Jour. Sol. Stat. Chem. 1961, 91, p.121–125.
7. С.Ф. Рузанкин. Ж. структ. хим. 1972, 20, N5 c.953–954.
8. J.Storn. NEXAFS Spectroscopy. Springer-Verlag, 1992.–403р.
9. С.Ф. Рузанкин. Расширение метода Хα-РВ на ионные и ковалентные кристаллы и анализ фотоэлектронных спектров окиси никеля. Диссертация к.ф. м.и. Инст. Катализа СО РАН: Новосибирск, 1982, 181с.
10. B.G.Cartling, B.Roos, and U.Wahlgren. Chem. Phys. Lett. 1973, 21, p.380–387.
11. B.G.Cartling. J. Phys. C. 1975, 8, p.3171–3192.
12. A.Fazzio, M.J.Caldas, J.R.Leite. Int. J. Quant. Chem. (symposium). 1979, 13, p.349–361.
13. A.Fazzio, J.R.Leite, and M.L.Siqueira. J. Phys. 1979, C12., p.513–524.
14. С.Ф. Рузанкин, В.И. Авдеев. Ж. структ. хим. 1979, 20. N5, C.951–952. item C.R.Natoli. EXAFS and near-edge Str.III. Ed. R.O.Hodgson et al.(Springer Verlag, 1984), 38р.

жекол же ученый А.Н.Ильинецкий изложил им, университету № 3  
Те же величины, что и в таблице с учетом каленитовых единиц для  
пограничных кислородных сферах. Палладий молибдена в решетке  
кристалла для: (I) +5 ( $\text{NiMoO}_4$ ), (II) +6 ( $\text{NiMoO}_4$ ), (III) +7 ( $\text{MoO}_4^{2-}$ )

Кластер	$\langle \langle \text{Mo} \rangle \rangle$	$\langle \langle \text{O} \rangle \rangle$	$\Delta(a_1) [q_1(a_1)]$	$\Delta(b_1) [q_1(b_1)]$
$\text{MoO}_4^{2-}$ (I)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09
$\text{MoO}_4^{2-}$ (II)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09
$\text{MoO}_4^{2-}$ (III)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09
$\text{MoO}_4^{2-}$ (I)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09
$\text{MoO}_4^{2-}$ (II)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09
$\text{MoO}_4^{2-}$ (III)	-1932.132	-4.443	-0.08	-0.09

### Моделирование XANES-спектров молибдена для структур с ковалентным характером связей

Как уже упоминалось выше, значение в трансITIONОМ включе-  
ии устойчиво к расширению спектра от Mo(IV) до Mo(VI). Уже сейчас  
же кластеры по предложенной модели к этому добавлены. Так например,  
кластеру (Mo<sup>5+</sup>)<sub>4</sub>O<sub>4</sub> добавлены кластеры квадратного  
(Mo<sup>6+</sup>)<sub>4</sub>O<sub>4</sub> размера (Mo<sub>4</sub>O<sub>4</sub><sup>2-</sup>). Из Таб.3 видно, что результат расчета (2) в этой структуре  
сильно не изменился от этого. Так что Ж.Л.Киньи, Ф.Э.Л.

Необходимо однако заметить, что при удалении электронов внешних  
связей портфельный метод оказался крайне ненадежным. Касательных  
уровней, которые в действительности должны быть заменеными. Это  
может привести к ошибкам в определении коэффициентов, особенно, к по-  
ложительным членам химического коэффициента, для них, люди зас-  
тавляют кластер использовать формулу для симметрических  
единиц. Использование единиц для кластеров в такой структуре  
такой необходимости не было из-за отсутствия необходимых для таких  
структур отработанных формул. Но это не делает

После этих оговорок, мы считаем подобный подход вполне реалистичным и способным для решения задачи.

Ответственный за выпуск С.Г. Попов  
Работа поступила 3 августа 1994 г.

Сдано в набор 22.08.1994 г.

Подписано в печать 9.09 1994 г.

Формат бумаги 60×90 1/16 Объем 1 печ.л., 0,9 уч.-изд.л.

Тираж 180 экз. Бесплатно. Заказ N 74

Обработано на IBM PC и отпечатано на

ротапринте ИЯФ им. Г.И. Будкера СО РАН,

Новосибирск, 630090, пр. академика Лаврентьева, 11.