



ИНСТИТУТ ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ СО АН СССР

15

И.А. Котельников, Д.Д. Рютов.

ЭФФЕКТЫ АМБИПОЛЯРНОГО ПОТЕНЦИАЛА  
В ДВУХКОМПОНЕНТНОЙ  
ГАЗОДИНАМИЧЕСКОЙ ЛОВУШКЕ

ПРЕПРИНТ 85-19



НОВОСИБИРСК

## 1. ВВЕДЕНИЕ

В работах [1, 2] была рассмотрена газодинамическая ловушка (ГДЛ) с двухкомпонентной плазмой. Основная компонента представляет собой относительно холодную дейтериевую плазму, находящуюся в газодинамическом режиме, который характеризуется тем, что эффективная длина пробега дейтронов  $\lambda_{DD}/R$  меньше длины ловушки  $L$ . В эту плазму инжектируются быстрые (с энергией  $W_T$  более 200 кэВ) тритоны, которые, с одной стороны, служат источником энергии для поддержания основной плазмы, а с другой — обеспечивают достаточную скорость  $D-T$  реакций. Частицы горячей — тритиевой — компоненты имеют большую длину свободного пробега и удерживаются в ГДЛ, как в обычном пробкотроне, вследствие отражения от пробок.

Из-за относительно низкой температуры электронов плазмы главным каналом потерь энергии быстрых тритонов является их торможение на электронах. Передача энергии дейтронам непосредственно от тритонов с энергией, близкой к энергии инжекции, пренебрежимо мала, и поэтому температура дейтронов оказывается в несколько раз меньше температуры электронов.

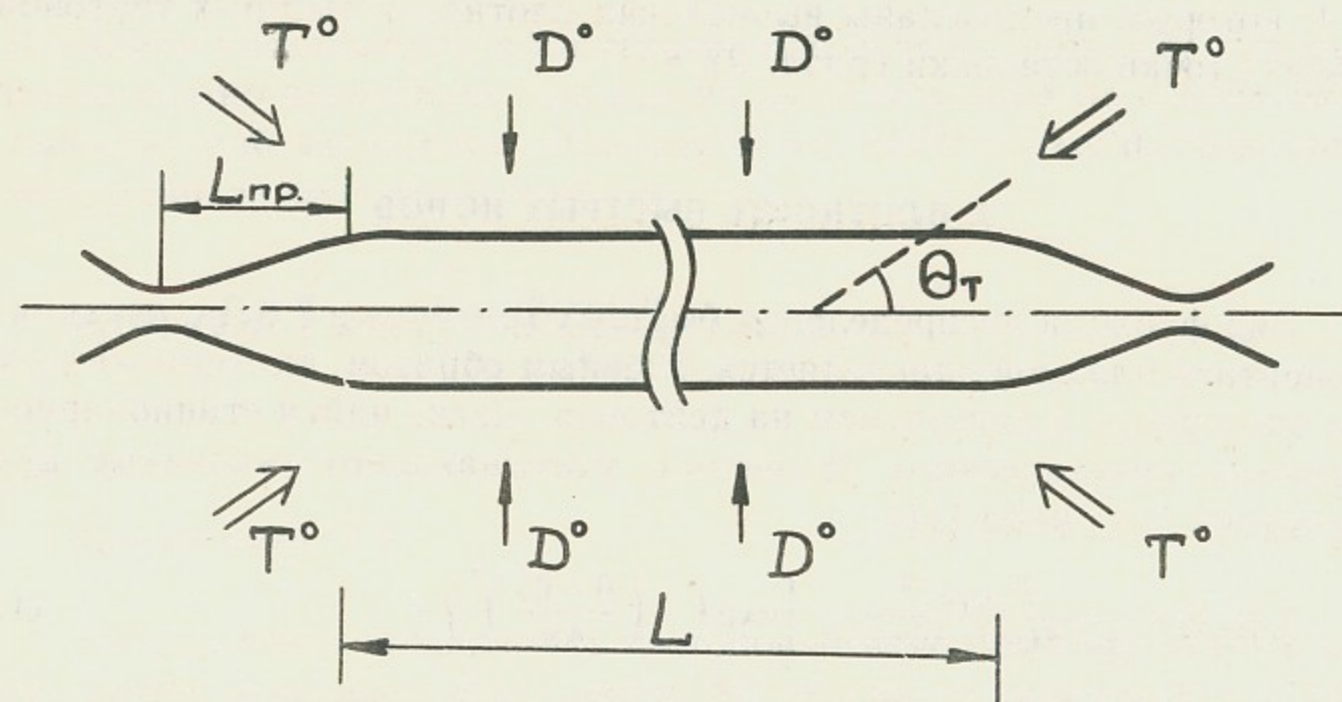


Рис. 1. Газодинамическая ловушка с двухкомпонентной плазмой. Быстрые тритоны инжектируются под небольшим углом к оси системы. Дейтерий вводится в плазму в виде крупинки.

Быстрые тритоны предлагается инжектировать в систему под небольшим углом  $\theta_T \approx 1/3$  (см. рис. 1). Этим достигается, во-первых,

снижение вклада трития в поперечное давление на участке однородного поля и, во-вторых, значительное увеличение его плотности вблизи точки остановки в пробке с соответствующим возрастанием здесь нейтронного потока. Последний эффект может быть очень значительным, так как из-за низкой температуры электронов торможение тритонов идет намного быстрее их рассеяния, и их угловой разброс остается малым вплоть до энергий в 3—4 раза меньше исходной.

Вычисления, выполненные в работе [1], показывают, что вполне реальным является десятикратное увеличение плотности тритонов  $n_T^*$  в точке остановки по сравнению с их плотностью  $n_{T0}$  в центре. Поэтому, если  $n_{T0}$  составляет 10% плотности  $n_{D0}$  основной компоненты в центре, то  $n_T^*$  может сравниться с  $n_{D0}$  и даже превышать  $n_{D0}$ .

Появление острого пика плотности быстрых тритонов приводит к существенному изменению профиля амбиполярного потенциала и, как следствие, к изменению времени жизни плазмы в газодинамической ловушке. Цель настоящей работы состоит в исследовании соответствующих эффектов.

Как выясняется, распределение амбиполярного потенциала оказывается существенно различным в зависимости от соотношения между  $n_T^*$  и  $n_{D0}$ : при  $n_T^* < n_{D0}$  реализуется модифицированный режим газодинамических потерь; при  $n_T^* > n_{D0}$  осуществляется режим амбиполярного удержания. Указанные режимы рассмотрены в разделах 3 и 4, которым предпосланы вычисления плотности быстрых тритонов вблизи точки остановки (разд. 2).

## 2. ПЛОТНОСТЬ БЫСТРЫХ ИОНОВ

Вид функции распределения быстрых тритонов в ГДЛ с двухкомпонентной плазмой определяется, главным образом, их торможением на электронах и рассеянием на дейтонах. Легко найти стационарное решение кинетического уравнения, учитывающего указанные два процесса (см., напр. [1]):

$$f_T(v, \theta) = \frac{P_T \tau_{ei} v^{-3}}{4\pi^{3/2} U W_T \Delta\theta \sin \theta_T} \left[ \exp\left(-\left(\frac{\theta - \theta_T}{\Delta\theta}\right)^2\right) + \exp\left(-\left(\frac{\theta + \theta_T - \pi}{\Delta\theta}\right)^2\right) \right], \quad (1)$$

где  $v$  и  $\theta$  — соответственно, скорость и питч-угол тритонов на однородной части ГДЛ,  $U$  — объем плазмы;  $P_T$  — мощность инжекции,

$$\Delta\theta = \left[ \frac{4\tau_{ei}}{3\tau_{ii}} \left( \frac{v_T^3}{v^3} - 1 \right) \right]^{1/2}$$

— полуширина углового распределения;  $v_T = (2W_T/M_T)^{1/2}$  — начальная скорость инжектированных ионов ( $v \leq v_T$ );

$$\tau_{ei} = \frac{3}{4\sqrt{2\pi}} \frac{M_T}{\sqrt{m_e}} \frac{T_e^{3/2}}{\Lambda e^4 n}$$

— их время торможения на электронах;

$$\tau_{ii} = \frac{M_T^2 v_T^3}{2\pi \Lambda e^4 n}$$

— время рассеяния на ионах;  $\Lambda$  — кулоновский логарифм.

Чтобы найти плотность быстрых тритонов  $n_T$  в точке с произвольным значением текущего пробочного отношения  $R = B/B_{\min}$ , нужно выразить скорость  $v'$  и питч-угол  $\theta'$  в этой точке через  $v$  и  $\theta$  на участке однородного магнитного поля  $B_{\min}$  и вычислить интеграл:

$$n_T(R) = 2\pi \int_0^\infty dv' (v')^2 \int_0^\pi d\theta' \sin \theta' f_T(v, \theta). \quad (2)$$

Влиянием амбиполярного электрического поля на движение быстрых ионов можно пренебречь, так как их энергия велика по сравнению с температурой электронов. Поэтому  $v' = v$ ,  $\sin^2 \theta' = R \sin^2 \theta$ . Перейдя к интегрированию по  $v$  и  $\theta$ , получим

$$n_T(R) = 2\pi R \int_0^{v_T} dv v^2 \int_0^{\theta_R} \frac{d\theta \sin 2\theta}{\sqrt{1 - R \sin^2 \theta}} f_T(v, \theta), \quad (3)$$

где

$$\theta_R = \arcsin(R^{-1/2}).$$

Найдем сначала плотность тритонов вблизи точки отражения, где пробочное отношение  $R \simeq R_* \equiv \sin^{-2} \theta_T$  велико по сравнению с 1 (но, разумеется, не слишком близко к максимальному  $R_{\max}$ , т.е.  $\theta_T - R_{\max}^{-1/2} \gg \Delta\theta$ , иначе инжектированные ионы быстро теряются из ловушки). При  $R \gg 1$  интегрирование в (3) ведется по области очень малых углов, и все тригонометрические функции можно заменить первыми членами их разложения в ряд Тейлора. Учитывая также, что функция  $f_T(v, \theta)$  заметно отлична от нуля только при

$|\theta - \theta_T| \lesssim \Delta\theta$ , введем новую угловую переменную  $\xi = (\theta - \theta_T)/\Delta\theta$ , а  $\sin 2\theta$  вынесем за знак интеграла, заменив на  $2\theta_T$ . Тогда выражение для плотности тритонов вблизи точки остановки принимает следующий вид:

$$n_T(R) = \frac{P_T \tau_{ei} R^{1/2}}{(2\pi\theta_T \Delta\theta_T)^{1/2} U W_T} F(y), \quad (4)$$

где  $\Delta\theta_T = (4\tau_{ei}/3\tau_{ii})^{1/2}$ , а  $F(y)$  — функция безразмерного параметра  $y \equiv (1 - R\theta_T^2)/2R\theta_T\Delta\theta_T$ :

$$F(y) = \frac{2}{3} \int_0^\infty \frac{dx}{x^{1/2}(1+x^2)} \int_{-\infty}^{xy} \frac{d\xi \exp(-\xi^2)}{(xy-\xi)^{1/2}}.$$

График  $F(y)$  приведен на рис. 2. Максимум  $F(y)$  достигается при  $y = 0,35$  и равен 2,846. Подставляя это значение  $F(y)$  и  $R = R_*$  в (4), находим максимальную плотность тритонов:

$$n_T^* = 1,135 \frac{P_T \tau_{ei}}{(\theta_T^3 \Delta\theta_T)^{1/2} U W_T}.$$

Относительное изменение пробочного отношения  $\Delta R/R_*$ , соответствующее ширине пика плотности, порядка  $\Delta\theta_T/\theta_T$ . Поэтому при выполнении условия  $\Delta\theta_T \ll \theta_T$ , гарантирующего длительное удержание в ловушке быстрых тритонов, пик плотности оказывается очень узким.

В центральной части ГДЛ, где  $R = 1$ , основной вклад в интеграл (3) вносят частицы с малой скоростью,  $v \rightarrow 0$ . Для правильного определения функции распределения таких частиц необходимо учитывать их торможение на ионах основной плазмы. Решение кинетического уравнения с учетом этого процесса найдено в работе [4]. Мы однако ограничимся полученной в [1] простой оценкой для плотности быстрых тритонов на однородном участке:

$$n_{T0} = P_T \tau_{ei} \ln(W_T/W_{1T})/2W_T U,$$

где  $W_{1T}$  — энергия тритонов, при которой их потери из ловушки сравниваются с торможением на электронах ( $W_{1T} \ll W_T$ ). Так как  $W_{1T}$  входит в выражение для  $n_{T0}$  только под знаком логарифма, точное значение  $W_{1T}$  не существенно. В типичных случаях  $\ln(W_T/W_{1T}) = 3,5$ , а  $n_{T0}$  в 7–15 раз меньше плотности тритонов в точке остановки:

$$\frac{n_{T0}}{n_T^*} \approx \frac{2\theta_T^{3/2} \Delta\theta_T^{1/2}}{\ln(W_T/W_{1T})}. \quad (5)$$

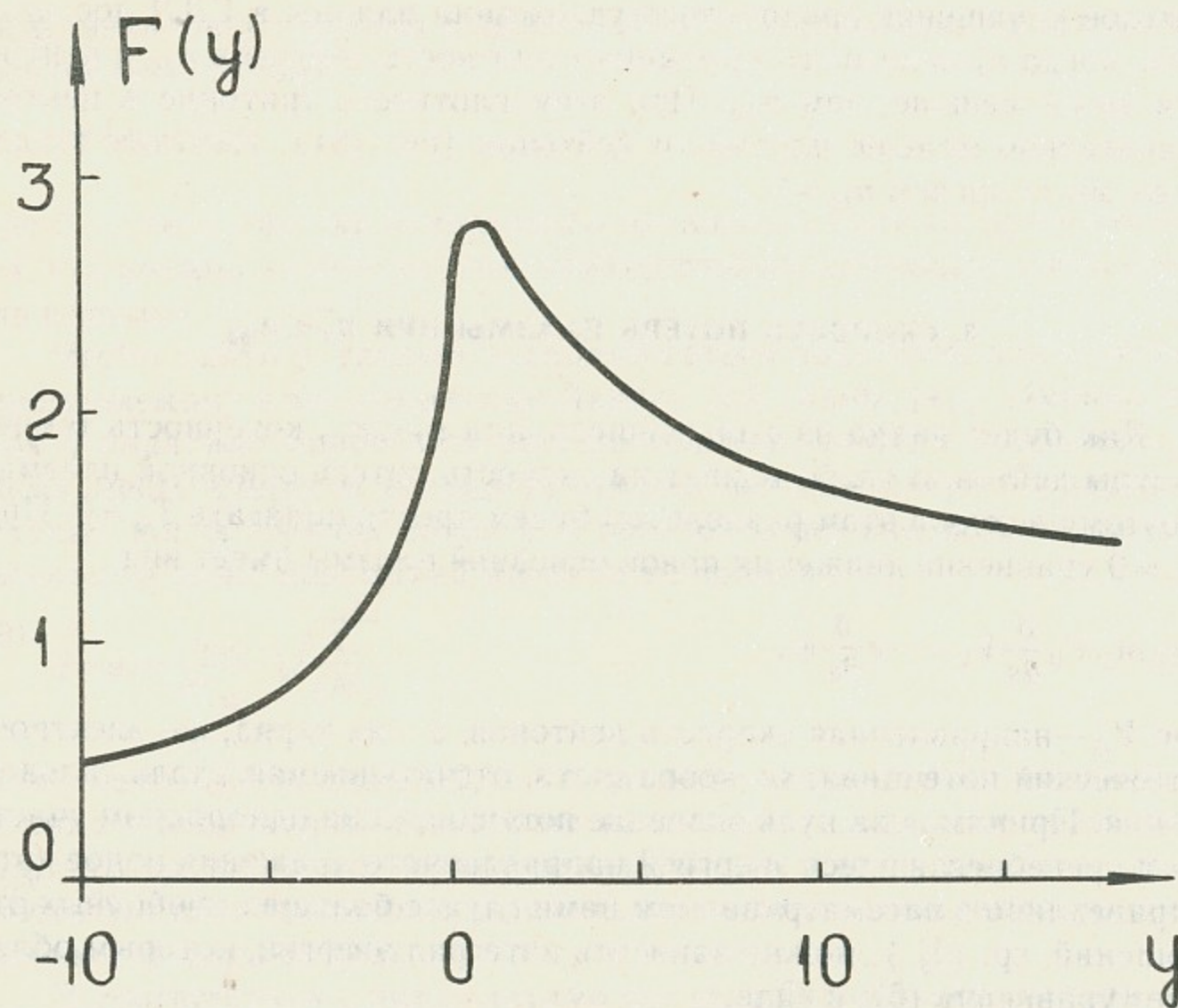


Рис. 2. График функции  $F(y)$ .

Как будет видно из результатов следующих двух разделов, значительное улучшение продольного удержания плазмы в ГДЛ достигается, когда  $n_T^*$  ненамного превышает плотность дейтонов  $n_{D0}$  в центре или даже меньше, чем  $n_{D0}$ . При этом плотность тритонов в центре значительно меньше плотности дейтонов (см. (5)). Поэтому всюду ниже мы полагаем  $n_{T0} = 0$ .

### 3. СКОРОСТЬ ПОТЕРЬ ПЛАЗМЫ ПРИ $n_T^* < n_{D0}$

Как будет видно из дальнейшего, при  $n_T^* < n_{D0}$  конечность температуры дейтонов слабо влияет на скорость потерь основной плазмы. Поэтому всюду в этом разделе мы будем просто полагать  $T_D = 0$ . При  $T_D = 0$  уравнение движения ионов основной плазмы имеет вид

$$M_D V_D \frac{\partial}{\partial s} V_D = -e \frac{\partial}{\partial s} \varphi, \quad (6)$$

где  $V_D$  — направленная скорость дейтонов,  $e$  — их заряд,  $\varphi$  — электростатический потенциал,  $s$  — координата, отсчитываемая вдоль силовой линии. Принимая за нуль значение потенциала на однородном участке и пренебрегая здесь энергией направленного движения ионов (это справедливо в рассматриваемом нами случае больших пробочных отношений, ср. [3]), можно записать интеграл энергии, которым обладает уравнение (6), в виде:

$$\frac{M_D V_D^2}{2} + e\varphi = 0. \quad (7)$$

Электростатический потенциал определяется из закона Больцмана для электронов и уравнения квазинейтральности:

$$e\varphi = T_e \ln \frac{n_T + n_D}{n_{D0}}, \quad (8)$$

где  $n_{D0}$  — плотность дейтонов на однородном участке (как отмечалось в разделе 2, плотностью быстрых частиц здесь можно пренебречь).

С учетом того, что сечение магнитной трубки обратно пропорционально напряженности магнитного поля  $B$ , уравнение непрерывности можно представить в виде:

$$n_D V_D = q \frac{B}{B_{\min}}, \quad (9)$$

где  $q$  — плотность потока плазмы на участке однородного поля непосредственно перед входом в пробку. Через  $q$  выражается время жизни дейтонов в ловушке:

$$\tau = L n_{D0} / 2q,$$

где  $L$  — длина участка однородного магнитного поля (подразумевается, что именно на этот участок приходится подавляющая часть объема плазмы).

Чтобы найти  $q$ , следует воспользоваться подходом, аналогичным применяемому в задаче о сопле Лавала (см., напр., [4]). Именно, поток  $q$  надлежит определять из того условия, чтобы в наиболее «узком» месте скорость потока равнялась местной скорости звука. В случае, когда горячих ионов нет, переход через скорость звука происходит в точке максимума магнитного поля, и

$$q = q_0 = \frac{n_{D0}}{R_{\max}} \sqrt{\frac{T_e}{eM_D}} \quad (10)$$

(см., напр., [1]), где  $e = 2,71$  — основание натурального логарифма. Если же величина  $n_T^*$  достаточно велика (хотя еще и не превышает  $n_{D0}$ ), то «узкое место» может переместиться в точку  $s = s^*$ , где плотность быстрых тритонов максимальна, и поток уменьшится по сравнению с формулой (10).

В соответствии с результатами раздела 2, мы будем считать, что характерная пространственная ширина максимума плотности «горячих» тритонов мала по сравнению с масштабом изменения магнитного поля в пробке (рис. 3). Это обстоятельство существенно упрощает решение задачи и позволяет получить относительно компактное выражение для потока  $q$ .

Рассмотрим соотношения (7) — (10) на том участке ловушки, где расположен пик плотности быстрых тритонов. Как отмечалось выше, изменением магнитного поля здесь можно пренебречь и считать, что  $R = R_* = \text{const}$ . Из (7) — (9) находим

$$\frac{M_D q^2 R_*^2}{2n_D^2 T_e} = \ln \frac{n_{D0}}{n_D + n_T}. \quad (11)$$

Уравнение (11) определяет в неявной форме связь между  $n_D$  и  $n_T$ . Разрешая его относительно  $n_T$  и переходя к безразмерным переменным

$$N_D = \frac{n_D}{n_{D0}}, \quad N_T = \frac{n_T}{n_{D0}},$$

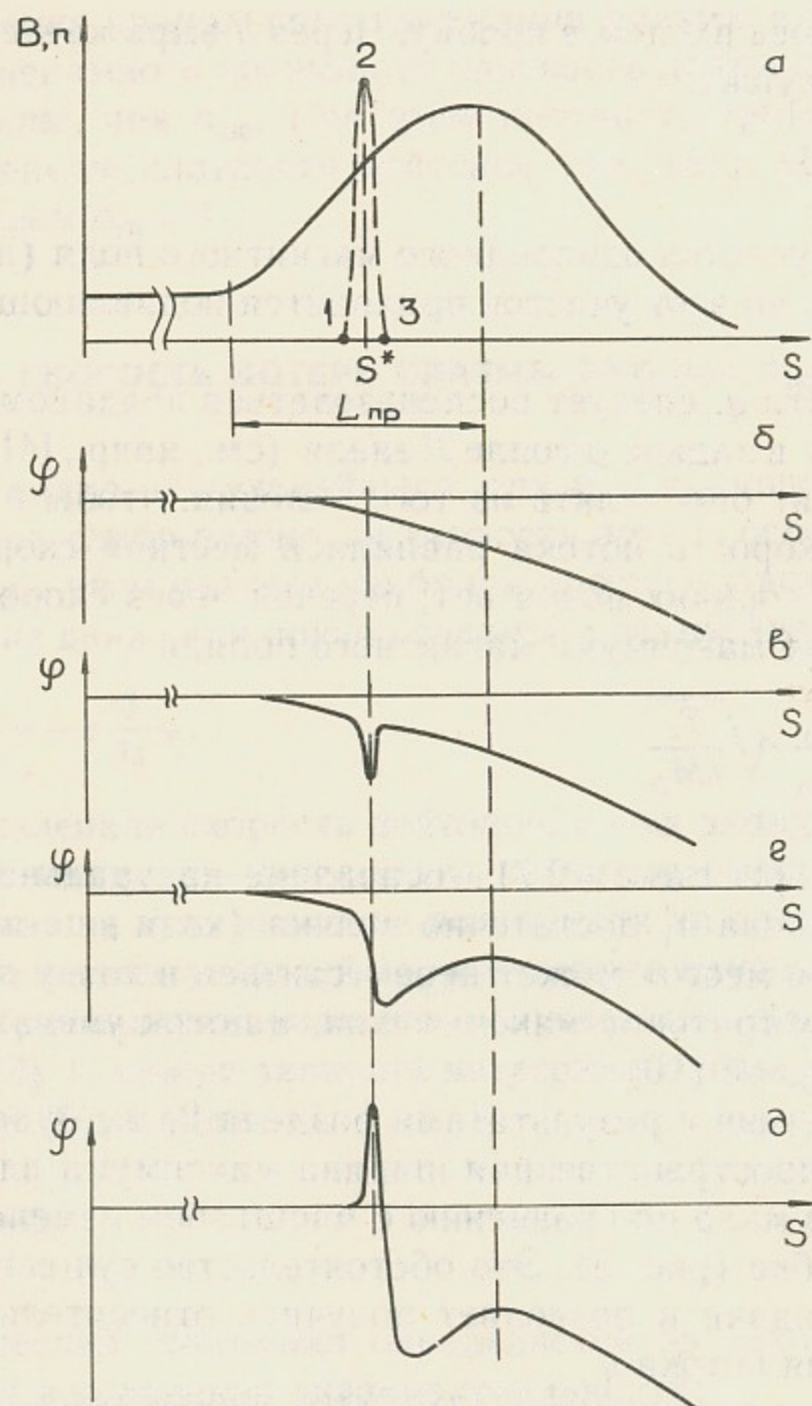


Рис. 3. Распределение параметров плазмы в области пробки:

- а—зависимость магнитного поля (сплошная линия) и плотности быстрых тритонов (пунктир) от продольной координаты  $s$ ; центр установки соответствует точке  $s=0$ ; ширина пика плотности тритонов мала по сравнению с длиной пробки; численные обозначения точек на кривой  $n_T(s)$  использованы на рис. 4;
- б—зависимость  $\varphi(s)$  в отсутствие быстрых частиц ( $n_T=0$ );
- в—зависимость  $\varphi(s)$  при  $n_T^*/n_{D0} < g(R^*/R_{\max})$ ; следует обратить внимание на то, что вне узкой окрестности точки  $s=s^*$  функция  $\varphi(s)$  остается той же, что и на рис. 3б;
- г—зависимость  $\varphi(s)$  при  $g(R^*/R_{\max}) < n_T^*/n_{D0} < 1$ ; переход от кривой 3в к кривой 3г происходит скачком при  $n_T^*/n_{D0} = g(R^*/R_{\max})$ ;
- д—зависимость  $\varphi(s)$  при  $n_T^*/n_{D0} = g(R^*/R_{\max})$ .

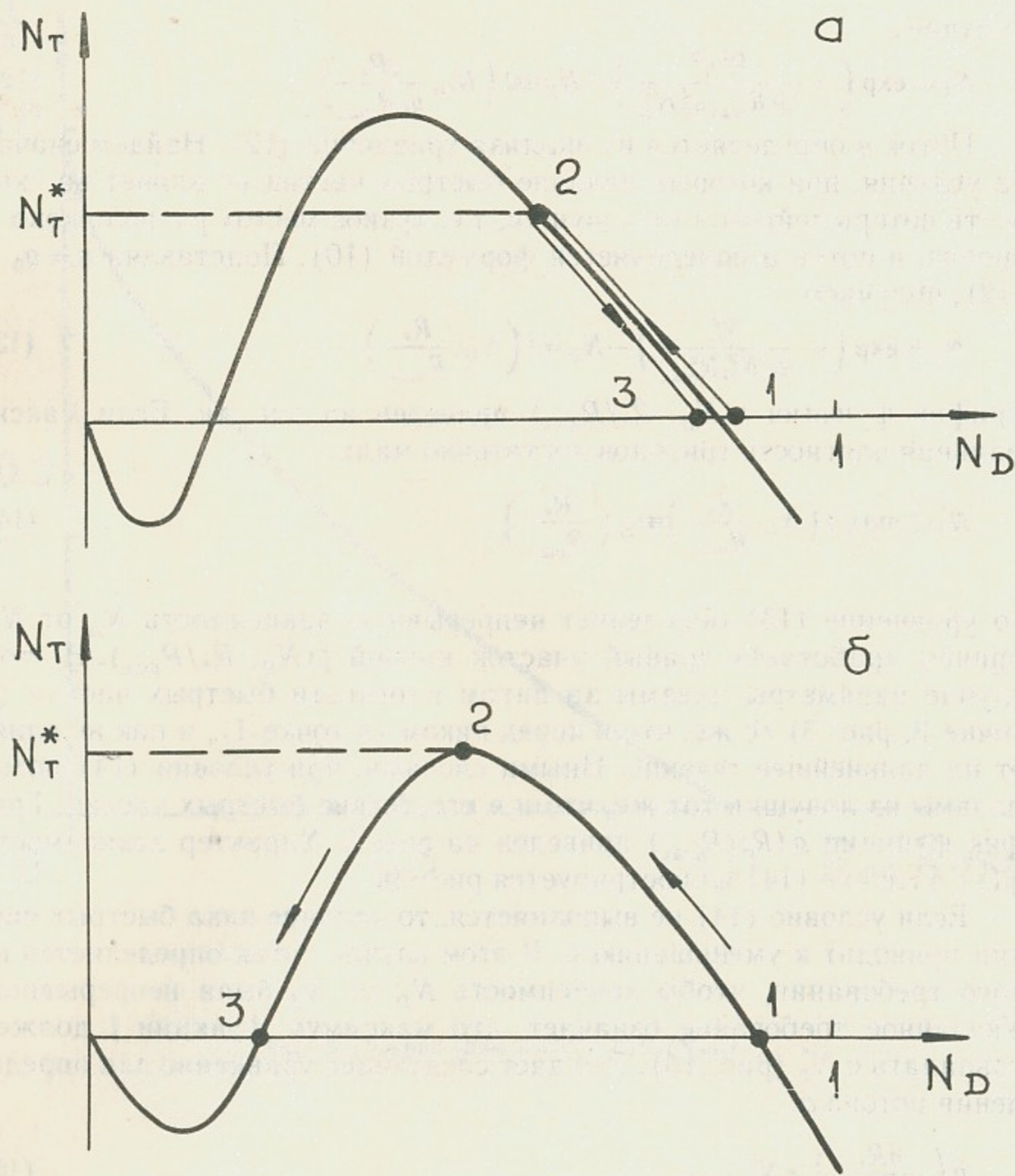


Рис. 4. График зависимости  $f$  от  $N_D$ , определяемой формулой (13):

- а—условие (14) выполнено—при движении от точки 1 к точке 3  $N_T$  меняется в направлении, указанном стрелками;
- б—условие (14) не выполнено—поток  $q$  «подстраивается» так, чтобы удовлетворялось условие (15); стрелки указывают направление изменения  $N_T$ .

получаем

$$N_T = \exp\left(-\frac{R_*^2 q^2}{2e R_{\max}^2 q_0^2 N_D^2}\right) - N_D \equiv f\left(N_D, \frac{q R_*}{q_0 R_{\max}}\right). \quad (12)$$

Поток  $q$  определяется из анализа уравнения (12). Найдем сначала условия, при которых наличие быстрых частиц не влияет на скорость потерь дейтонов их ловушки, т.е. «узкое место» расположено в пробке, и поток  $q$  определяется формулой (10). Подставляя  $q = q_0$  в (12), получаем

$$N_T = \exp\left(-\frac{R_*^2}{2e N_D^2 R_{\max}^2}\right) - N_D = f\left(N_D, \frac{R_*}{R_{\max}}\right). \quad (13)$$

График функции  $f(N_D, R_*/R_{\max})$  приведен на рис. 4а. Если максимальная плотность тритонов достаточно мала,

$$N_T^* < \max_{N_D} f\left(N_D, \frac{R_*}{R_{\max}}\right) \equiv g\left(\frac{R_*}{R_{\max}}\right), \quad (14)$$

то уравнение (13) определяет непрерывную зависимость  $N_D$  от  $N_T$ , причем «работает» правый участок кривой  $f(N_D, R_*/R_{\max})$ . В этом случае параметры плазмы за пиком плотности быстрых частиц (в точке 3, рис. 3) те же, что и перед пиком (в точке 1), и пик не влияет на дальнейшее течение. Иными словами, при условии (14) поток плазмы из ловушки тот же, что и в отсутствие быстрых частиц. График функции  $g(R_*/R_{\max})$  приведен на рис. 5. Характер зависимости  $\varphi(s)$  в случае (14) иллюстрируется рис. 3в.

Если условие (14) не выполняется, то наличие пика быстрых частиц приводит к уменьшению  $q$ . В этом случае поток определяется из того требования, чтобы зависимость  $N_D$  от  $N_T$  была непрерывной. Указанное требование означает, что максимум функции  $f$  должен совпадать с  $N_T^*$  (рис. 4б). Это дает следующее уравнение для определения потока  $q$ :

$$g\left(\frac{q R_*}{q_0 R_{\max}}\right) = N_T^* \quad (15)$$

(см. (14)). Получаемая отсюда зависимость  $q R_*/q_0 R_{\max}$  от  $N_T^*$  иллюстрируется рис. 6. При заданных значениях  $R_*$  и  $R_{\max}$  «работает» только та часть кривой, где  $N_T^* > g(R_*/R_{\max})$ . Характер зависимости  $\varphi(s)$  в случае  $N_T^* > g(R_*/R_{\max})$  показан на рис. 3г.

При переходе  $N_T^*$  через значение  $N_T^* = g(R_*/R_{\max})$ , плотность плазмы и распределение потенциала за точкой  $s = s^*$  изменяются скачком. Это обстоятельство может быть использовано при экспериментальной проверке рассмотренной модели.

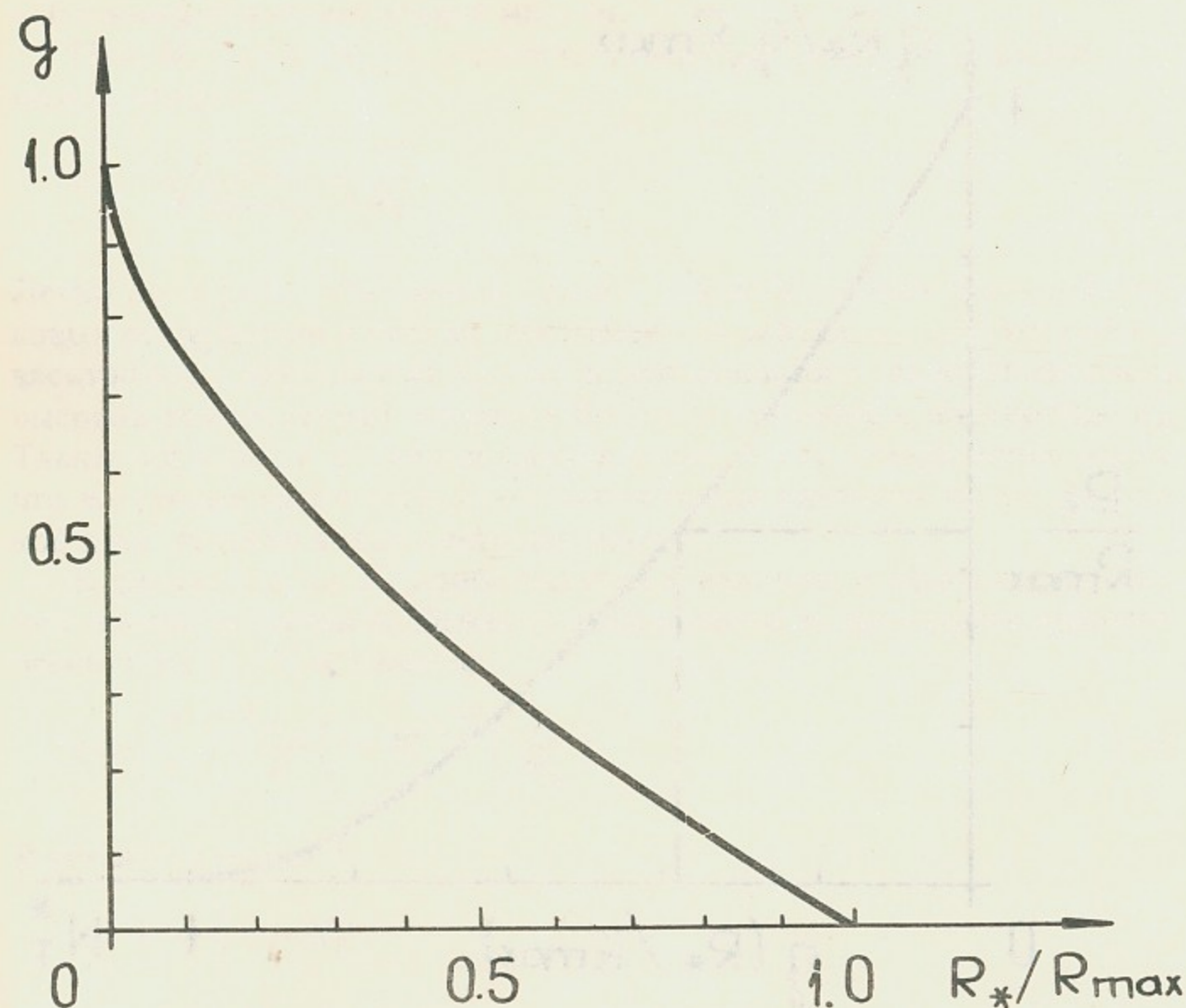


Рис. 5. График зависимости  $g(R_*/R_{\max})$ .

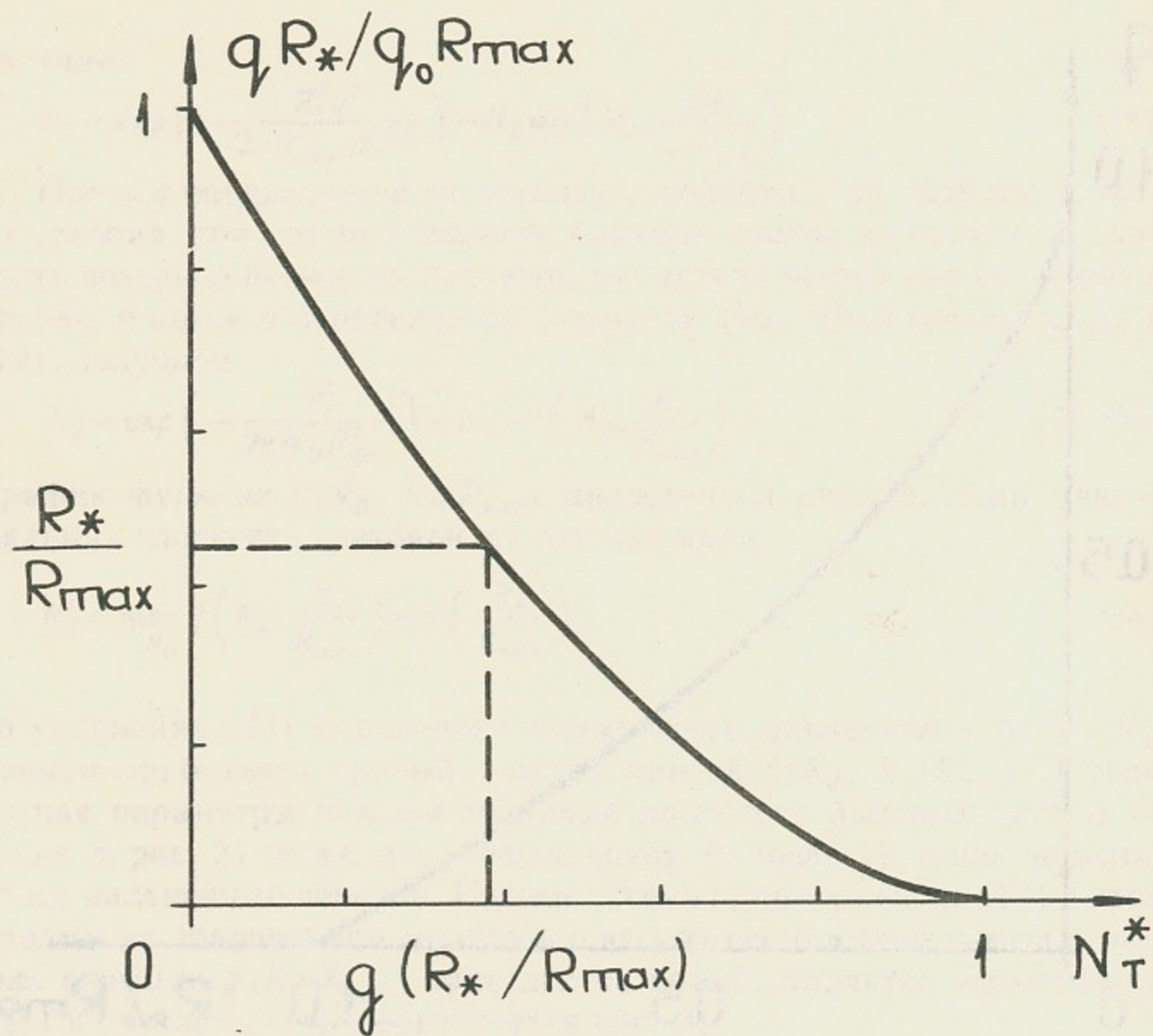


Рис. 6. График зависимости  $qR_*/q_0R_{\max}$  от  $N_T^*$ . При заданном значении  $R_*/R_{\max}$  «работает» только та часть графика, где  $N_T^* > g(R_*/R_{\max})$ . Если  $N_T^* \leq g(R_*/R_{\max})$ , то  $q = q_0$ . Участок графика при  $1 - N_T^* \ll 1$  описывается формулой (16).

ной проверке рассмотренной модели.

При  $N_T^* > g(R_*/R_{\max})$ , скорость течения в точке  $s = s^*$  равна, как можно убедиться,

$$V_D^* = \sqrt{\frac{n_D^*}{n_T^* + n_D^*}} \sqrt{\frac{T_e}{M_D}}$$

Легко проверить, что именно такова скорость распространения звуковых возмущений в плазме, состоящей из дейтонов с плотностью  $n_D^*$ , электронов с плотностью  $n_D^* + n_T^*$ , и неподвижного (вследствие очень высокой температуры) «остова» быстрых тритонов с плотностью  $n_T^*$ . Таким образом, и в данном случае имеет место утверждение о том, что в «узком» месте скорость течения равна скорости звука. За точкой  $s = s^*$  течение всюду сверхзвуковое.

В случае, когда  $N_T^*$  приближается к единице, и эффект уменьшения потерь делается особенно сильным, поток можно найти аналитически. При  $1 - N_T^* \ll 1$  имеем:

$$q \simeq \left(\frac{2}{3}\right)^{3/2} \frac{n_{D0}}{R_*} (1 - N_T^*)^{3/2} \left(\frac{T_e}{M_D}\right)^{1/2} \quad (16)$$

В тех же условиях<sup>1)</sup>

$$\frac{e\Phi^*}{T_e} \simeq -\frac{1}{3}(1 - N_T^*)$$

Видно, что  $e\Phi^* \rightarrow 0$  при  $N_T^* \rightarrow 1$ .

Когда  $e\Phi^*$  делается меньше  $T_D$ , в окрестности точки  $s = s^*$  становится необходимым учитывать тепловое движение дейтонов. Поэтому условие применимости результатов, полученных в настоящем разделе, следует записывать в виде

$$1 - N_T^* \gtrsim T_D/T_e$$

(напомним, что  $T_D \ll T_e$ ). В принципе, можно получить формулы для  $q$  и при  $|1 - N_T^*| \lesssim T_D/T_e$ , но соответствующая область параметров очень узка и вряд ли представляет большой интерес. Поэтому мы сразу перейдем к рассмотрению случая

<sup>1)</sup> Напомним, что при  $N_T^* < g(R_*/R_{\max})$  «узкое место» расположено в пробке, и  $q = q_0$ . Поэтому при  $R_*/R_{\max} \ll 1$  условие  $1 - N_T^* \ll 1$  нужно заменить на следующее:

$$1 - N_T^* \leq \frac{3}{2} (R^2/eR_{\max}^2)^{1/3}$$



$$N_T^* - 1 \approx T_D / T_e, \quad (17)$$

когда эффект запираания становится экспоненциально сильным.

#### 4. СКОРОСТЬ ПОТЕРЬ ПЛАЗМЫ ПРИ $n_T^* > n_{D0}$

Поскольку при условии (17) потери очень малы, функция распределения дейтонов почти до самого максимума потенциала может считаться максвелловской, и распределение потенциала по длине системы следует определять из соотношения

$$n_{D0} \exp\left(-\frac{e\varphi}{T_D}\right) + n_T = n_{D0} \exp\left(\frac{e\varphi}{T_e}\right).$$

Вблизи точки максимума потенциала ( $s = s^*$ ) первым слагаемым в левой части можно пренебречь (так как  $e\varphi^* \gg T_D$ ). Соответственно, для  $\varphi^*$  имеем:

$$e\varphi^* = T_e \ln \frac{n_T^*}{n_{D0}}. \quad (18)$$

Потенциальный барьер  $e\varphi^*$  действительно становится много больше  $T_D$  уже при небольшом превышении  $n_T^*$  над  $n_{D0}$ , определяемом условием (17). Общий характер зависимости  $\varphi(s)$  при условии (17) иллюстрируется рис. 3д.

Характерная энергия дейтонов, преодолевающих потенциальный барьер, равна  $e\varphi^*$  и значительно превышает  $T_D$ . Тем не менее, «эффективная» длина<sup>2)</sup> свободного пробега  $\lambda_{DD} e\varphi^* / T_D R_*$  для них мала по сравнению с длиной газодинамической ловушки (см. [1, 2]). С другой стороны, поскольку длина пробки меньше длины ловушки, то, как правило,  $\lambda_{DD} e\varphi^* / T_D R_*$  превышает длину пробки  $L_{пр}$ . В таких условиях функция распределения дейтонов, влетающих в пробку из внутренней части ловушки, является максвелловской, а движение дейтонов в пробке происходит без столкновений. Расчет потерь для этого случая очень прост и приводит к следующему выражению для потока ионов (см. [5]):

$$q = \frac{n_{D0}}{R_*} \sqrt{\frac{T_D}{2\pi M_D}} \exp\left(-\frac{e\varphi^*}{T_D}\right). \quad (19)$$

<sup>2)</sup>Здесь, как и всюду в настоящей работе, через  $\lambda_{DD}$  обозначена длина пробега дейтонов с энергией, равной их температуре:  $\lambda_{DD} = \frac{3T_D^2}{2\sqrt{2\pi}\Lambda e^4 n}$ .

Напомним, что мы относим поток к области однородного поля. Средняя энергия, выносимая каждым ионом из ловушки, равна  $e\varphi^* + 2T_D$  [5].

Можно показать, что выражение (19) остается справедливым и при не столь коротких пробках ( $L_{пр} < \lambda_{DD} e\varphi^* / T_D R_*$ ). Именно, оно останется верным, пока  $L_{пр} \ll \lambda_{DD}$ .

При низкой температуре и (или) высокой плотности дейтонов мыслима ситуация, когда меньше  $L$  станет обычная (а не «эффективная») длина пробега дейтонов, т.е. станет выполняться неравенство  $\lambda_{DD} < L$ . При этом на однородном участке ловушки установится чисто гидродинамическое течение, в котором температура ионов, вообще говоря, не постоянна. В таких условиях в формулу (19) следует подставлять значение  $T_D$  непосредственно перед входом в пробку (в отношении длины пробки по-прежнему считаем, что  $L_{пр} \ll \lambda_{DD}$ ). Распределение температуры дейтонов по длине установки следует искать из решения уравнения теплопроводности с заданными источниками<sup>3)</sup>.

#### 5. СВОДКА РЕЗУЛЬТАТОВ

В работе изучено влияние амбиполярных эффектов, связанных с наличием пика плотности быстрых частиц, на скорость истечения холодной плазмы из двухкомпонентной газодинамической ловушки. Показано, что имеется два существенно различных режима истечения: первый, когда максимальная плотность быстрых частиц  $n_T^*$  меньше плотности  $n_{D0}$  основной плазмы на однородном участке, и второй, когда выполнено обратное условие.

В первом режиме скорость потерь определяется из решения задачи об истечении газа через сопло Лавалю, причем, в зависимости от значения  $n_T^*$ , переход через скорость звука происходит либо в точке, где максимально пробочное отношение, либо в точке, где расположен пик плотности быстрых частиц. При плавном изменении  $n_T^*$  положение точки перехода через скорость звука изменяется скачком; скачком изменяются и все пространственные характеристики течения.

Во втором режиме скорость определяется аналогично тому, как это делается для амбиполярных ловушек с небольшой длиной свободного пробега. Некоторая особенность рассмотренной задачи состоит в том, что вследствие низкой температуры ионов основной плазмы, сильный эффект амбиполярного запираания возможен даже при небольшом превышении  $n_T^*$  над  $n_{D0}$ .

<sup>3)</sup> Если  $\lambda_{DD} > L$ , а скорость течения плазмы  $V_D$  на однородном участке меньше тепловой скорости ионов, этой проблемы заведомо не существует:  $T_D = \text{const}$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. Мирнов В.В., Нагорный В.П., Рютов Д.Д. —Препринт ИЯФ СО АН СССР 84-40, 1984.
2. Kotelnikov I.A., Mirnov V.V., Nagorny V.P., Ryutov D.D. Paper CN-44/C-II-1 presented at Tenth Int. Conf. on Plasma Physics and Contr. Nuclear Fusion Research, London, 12 - 19 September, 1984.
3. Мирнов В.В., Рютов Д.Д. —Вопросы атомной науки и техники, серия Термоядерный синтез. Вып.1(5), 57 (1980).
4. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. «Механика сплошных сред». М.: Гостехтеориздат, 1958.
5. Пастухов В.П. —Вопросы теории плазмы. Вып.13 / Под ред. Кадомцева Б.Б., с.160 (1984).

И.А.Котельников, Д.Д.Рютов

### ЭФФЕКТЫ АМБИПОЛЯРНОГО ПОТЕНЦИАЛА В ДВУХКОМПОНЕНТНОЙ ГАЗОДИНАМИЧЕСКОЙ ЛОВУШКЕ

Ответственный за выпуск С.Г.Попов

Подписано в печать 2 марта 1985 г. МН 06547  
Формат бумаги 60×90 1/16 Объем 1,5 печ.л., 1,2 уч.-изд.л.  
Тираж 290 экз. Бесплатно. Заказ № 19

Набрано в автоматизированной системе на базе фотонаборного автомата ФА1000 и ЭВМ «Электроника» и отпечатано на ротапинтере Института ядерной физики СО-АН СССР,  
Новосибирск, 630090, пр. академика Лаврентьева, 11.