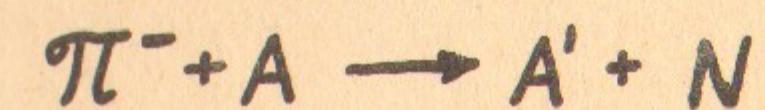


И Н С Т И Т У Т  
ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ СОАН СССР

И Я Ф 65 - 72

В.Ф.Дмитриев

МЯГКИЕ И ЖЕСТКИЕ ПИОНЫ В РЕАКЦИИ

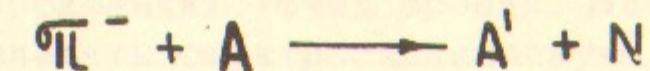


Новосибирск

1972

В.Ф.Дмитриев

МЯГКИЕ И ЖЕСТКИЕ ПИОНЫ В РЕАКЦИИ



АННОТАЦИЯ

На основе метода Фубини-Фурлана рассматривается реакция  $\pi^- + A \longrightarrow A' + N$ . Показано, что несмотря на вылет только одного нуклона процесс имеет двухчастичный характер. Вклад мягкой амплитуды много меньше вклада двухчастичного канала, содержащего один пион в промежуточном состоянии.

## 1. Введение

Процесс захвата пионов с вылетом одного нуклона представляет интерес с нескольких точек зрения. Во-первых, из этого процесса можно извлекать спектроскопическую информацию о возбужденных состояниях ядра  $A^1$ . Особенно интересным в этом смысле является реакция ( $\pi^-$ , p). Во-вторых, вылетевший нуклон имеет импульс порядка  $\sqrt{2} m \sim 500 \text{ Mev}$ , что соответствует расстояниям  $\sim 0.4 fm$ . Это обстоятельство позволяет надеяться, что из этой реакции можно получить сведения о корреляциях нуклонов на малых расстояниях в ядре.

Отрицательный мезон захватывается в основном с орбиты мезонатома и имеет малый импульс. Естественно поэтому попытаться выяснить, нельзя ли считать этот пийон мягким? Такой вопрос имеет смысл потому, что взаимодействие мягкого пийона с нуклонами универсально, так же, как универсально взаимодействие мягких фотонов с заряженными частицами. Для выяснения этого, мы находим, пользуясь методом Фубини-Фурлана /1/, мягкую амплитуду и поправки к ней, возникающие при переходе к реальным жестким пийонам. В случае  $\pi^-$  ядерного рассеяния эти поправки сводятся, в основном, к искажению пийонной волновой функции за счет перерассеяния на ядре /2/. В нашем же случае поправки сводятся не только к перерассеянию и оказываются настолько существенными, что их вклад превышает вклад мягкой амплитуды.

Тот факт, что мягкая амплитуда не описывает реакцию  $p + p \rightarrow \pi^- + d$  даже вблизи порога, был отмечен ранее в работе /3/.

Причина подавления вклада мягкой амплитуды - по-существу кинематическая. Мягкая амплитуда является одночастичной, а один нуклон в ядре не может поглотить  $\pi^-$  мезон, так как имеет слишком маленькую энергию связи по сравнению с массой пийона. Поэтому одночастичный процесс поглощения идет только на хвосте импульсного распределения нуклонов в ядре. По этой причине основную роль в нашем процессе играют двухчастичные механизмы.

В части II мы вычисляем мягкую амплитуду и поправки к ней от ядерных промежуточных состояний. В части III даётся оценка вклада промежуточных состояний, содержащих мезоны.

## II. Мягкая амплитуда

Полную амплитуду процесса  $\bar{\pi} + A \rightarrow A' + N$  можно представить в следующем общем виде (см. Приложение):

$$T = T_0 + i \int d^4x e^{i(p-q)x} q_0 \sum_I \frac{\bar{u}_p \langle A' j(x) | I | I j_{\bar{\pi}}(x_0) | A \rangle}{(q_0 + E_I - E_{A'} + i\delta)(E_I - E_A)} - \\ - \frac{\langle A' j_{\bar{\pi}}(x_0) | I | \bar{u}_p \langle I | j(x) | A \rangle}{(q_0 + E_{A'} - E_I + i\delta)(E_{A'} - E_I)}$$

где

$$T_0 = i \int d^4x e^{i(p-q)x} \mu^2 \sum_I \frac{\bar{u}_p \langle A' j(x) | I | I j_{\bar{\pi}}(x_0) | A \rangle}{E_A - E_I} - \\ - \frac{\langle A' j_{\bar{\pi}}(x_0) | I | \bar{u}_p \langle I | j(x) | A \rangle}{E_I - E_{A'}}$$

Здесь  $p$  — четырехимпульс нуклона,  $q = (q_0, 0)$  — четырехимпульс пиона,  $q_0$  намеренно взято не равным  $\mu$  — массе пиона,  $j_{\bar{\pi}}(x)$  — пионное поле,  $j(x)$  — операторы источников пионного и нуклонного полей

$$(\mu^2 + \square) \varphi_{\bar{\pi}}(x) = j_{\bar{\pi}}(x) \quad (3)$$

$$(i\gamma_\mu \partial_\mu + m) \psi(x) = j(x)$$

$$B(x_0) = \int d^3x B(x)$$

где  $B(x)$  — произвольный оператор, зависящий от координат и времени.

Легко видеть, что  $T_0$  фактически есть мягкая амплитуда, взятая в точке  $q_0 \neq 0$ , а сумма по промежуточным состояниям в (1) даёт поправки к этой амплитуде, которые исчезают при  $q_0 = 0$ .

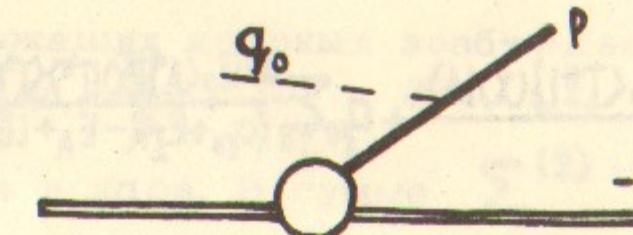
Пользуясь соотношением Гелл-Манна-Леви /4/,

$$\frac{\partial}{\partial x} Q^-(x_0) = f_{\bar{\pi}} \mu^2 \varphi_{\bar{\pi}}^-(x)$$

где  $Q^-(x_0)$  — оператор аксиального заряда, получаем из

$$T_0 = \frac{1}{f_{\bar{\pi}}} \int d^4x e^{i(p-q)x} \bar{u}_p \langle A' | [j(x), Q^-(x_0)] | A \rangle \quad (4)$$

Таким образом, чтобы вычислить амплитуду  $T_0$  необходимо знать коммутатор  $[Q^-(x_0), j(x)]$  или коммутатор  $[Q^-(x_0), \psi(x)]$  в силу (3). На самом деле мы можем обойтись без знания этого коммутатора заметив, что мягкая амплитуда даётся графиком, в котором пион испускается из внешней линии и вершина  $\bar{\pi} NN$  — отвечает псевдовекторному взаимодействию.



Вычисляя его получаем, пренебрегая в пропагаторе массой пиона по сравнению с массой нуклона:

$$T_0 \approx - \int d^4x e^{i(p-q)x} \frac{g}{2m} \frac{\bar{u}_p \gamma_0 \gamma_5 u_p}{2m} \bar{u}_p \langle A' | j(x) | A \rangle \quad (5)$$

Кроме мягкой амплитуды  $T_0$  нужно учесть вклад в  $T$  от промежуточных состояний, отвечающим возбуждению промежуточного ядра. Эти состояния необходимо учитывать потому, что их энергия мала по сравнению с массой пиона, и поэтому при переходе

от  $Q_0 = 0$  к  $Q_0 = \mu$  мы пересекаем много уровней, каждый из которых даёт вклад в амплитуду  $T$ . Пусть  $|I^*\rangle$  - возбужденные состояния ядра  $A$  или  $A'$ . Их вклад в  $T$  даётся следующим выражением:

$$\Delta T^{(1)} = i \int d^4x e^{i(p-q)x} Q_0 \sum_I \frac{\bar{u}_p \langle A' | I^* \rangle \langle I^* | j_{\pi}^{-}(x_0) | A \rangle}{(q_0 + E_{I^*} - E_A + i\delta)(E_{I^*} - E_A)} - \\ - \frac{\langle A' | j_{\pi}^{-}(x_0) | I^* \rangle \bar{u}_p \langle I^* | j(x) | A \rangle}{(q_0 + E_A - E_{I^*} + i\delta)(E_{A'} - E_{I^*})} \quad (6)$$

Разобьем эту сумму на два слагаемых. В первое отнесем те состояния, для которых  $|E_{A'} - E_{I^*}| \ll q_0$ , или  $|E_{I^*} - E_A| \ll q_0$ , а во второе - состояния, для которых  $|E_{A'} - E_{I^*}| \sim q_0$  и  $|E_{I^*} - E_A| \sim q_0$ . Получаем

$$\Delta T^{(1)} = i \int d^4x e^{i(p-q)x} \left\{ \sum_I^{(1)} \frac{\bar{u}_p \langle A' | I^* \rangle \langle I^* | j_{\pi}^{-}(x_0) | A \rangle}{E_{I^*} - E_A} - \right. \\ \left. - \frac{\langle A' | j_{\pi}^{-}(x_0) | I^* \rangle \bar{u}_p \langle I^* | j(x) | A \rangle}{E_{A'} - E_{I^*}} + Q_0 \sum_I^{(2)} \frac{\bar{u}_p \langle A' | I^* \rangle \langle I^* | j_{\pi}^{-}(x_0) | A \rangle}{(q_0 + E_{I^*} - E_A + i\delta)(E_{I^*} - E_A)} \right. \\ \left. - \frac{\langle A' | j_{\pi}^{-}(x_0) | I^* \rangle \bar{u}_p \langle I^* | j(x) | A \rangle}{(q_0 + E_A - E_{I^*} + i\delta)(E_{A'} - E_{I^*})} \right\} \quad (7)$$

В первой сумме выразим  $j_{\pi}^{-}(x_0)$  через  $\bar{Q}^{-}(x_0)$ . Воспользовавшись далее приближенной полнотой системы промежуточных состояний получаем:

$$\Delta T_1^{(1)} \approx -\frac{1}{f_{\pi}} \int d^4x e^{i(p-q)x} \bar{u}_p \langle A' | [j(x), \bar{Q}^{-}(x_0)] | A \rangle \quad (8)$$

Волна над оператором означает, что оператор взят в нерелятивистском приближении, т.к. только для нерелятивистском приближении, т.к. только для нерелятивистских операторов система ядерных промежуточных состояний является полной. В этом приближении

$$\bar{Q}^{-}(x_0) = -Q_A \int d^3r \Psi^+(x) \frac{\bar{G}_P \tau^-}{m \sqrt{2}} \Psi(x) \quad (9)$$

$$\bar{u}_p \bar{j}(x) = -(2m)^{1/2} [\Psi(x), U]$$

где  $U$  - двухчастичное межнуклонное взаимодействие,

$\Psi^+(x)$  - нерелятивистский оператор рождения частицы в точке  $x$ . Амплитуда  $T_0$  в нерелятивистском приближении имеет вид:

$$T_0 = - \int d^4x e^{i(p-q)x} f \frac{\bar{G}_P \tau^-}{m} \langle A' | \Psi(x) | A \rangle \quad (10)$$

где  $f$  - псевдовекторная константа  $f = \frac{g_N}{2m}$

Сравнивая  $T_0$  и  $\Delta T_1^{(1)}$  мы видим, что поправка  $\Delta T_1^{(1)}$  за счет низколежащих ядерных возбужденных состояний имеет величину порядка  $\frac{U}{\mu} \approx 30\%$ , т.к.  $U$  - порядка глубины ямы для нуклонов в ядре. В сумме  $\sum^{(2)}$  очевидно, что наибольший вклад будет идти от таких состояний  $|I^*\rangle$ , в которых имеется один свободный нуклон, т.е.  $|I^*\rangle = |NA^*\rangle$ ,  $A^*$  - возбужденные состояния ядра  $A$ . В этом случае поправка от  $\sum^{(2)}$  будет соответствовать перерассеянию нуклона, что приводит к искажению его волны. Складывая все эти поправки легко показать, что полученная амплитуда соответствует импульсному приближению с искаженными волнами и оператор перехода имеет вид:

$$M = \frac{T}{(2\mu)^{1/2}} \approx \frac{f}{\mu^{1/2}} \int d^3r \Psi^+(x) \frac{\bar{G}_P}{m} \frac{\tau^-}{\sqrt{2}} \Psi(x) \quad (11)$$

Такой же результат был получен в работе /5/, где авторы ис-  
пользовали для получения физической амплитуды дисперсионные соотношения по массе пиона.

Если используя эту амплитуду мы попытаемся вычислить сечение какого-либо процесса, то результат будет весьма плачевым. Полученные величины будут гораздо меньше, чем это следует из эксперимента или из расчётов по феноменологическим моделям. Сечение реакции  $p + p \rightarrow \pi^+ + d$ , вычисленные исходя из (11) будет в 4-5 раз меньше экспериментального значения /3,6/, а вероятности реакций  $\pi^- + He^3 \rightarrow d + n$  и  $\pi^- + He^4 \rightarrow t + n$  будут соответственно в 10 и в 50 раз

меньше тех, которые получаются из расчетов по феноменологической модели двухчастичного поглощения /7/.

Однако в этом нет ничего удивительного, так как оператор (11) соответствует одночастичному механизму реакции. Этот механизм требует существования в ядре нуклонов с импульсом

$p \sim \sqrt{2} m c \sim 510 \frac{\text{MeV}}{c}$ . Этот импульс существенно больше среднего импульса нуклонов в ядре, поэтому одночастичный механизм поглощения или рождения пионов сильно подавлен.

### III. Оценка вклада высших состояний

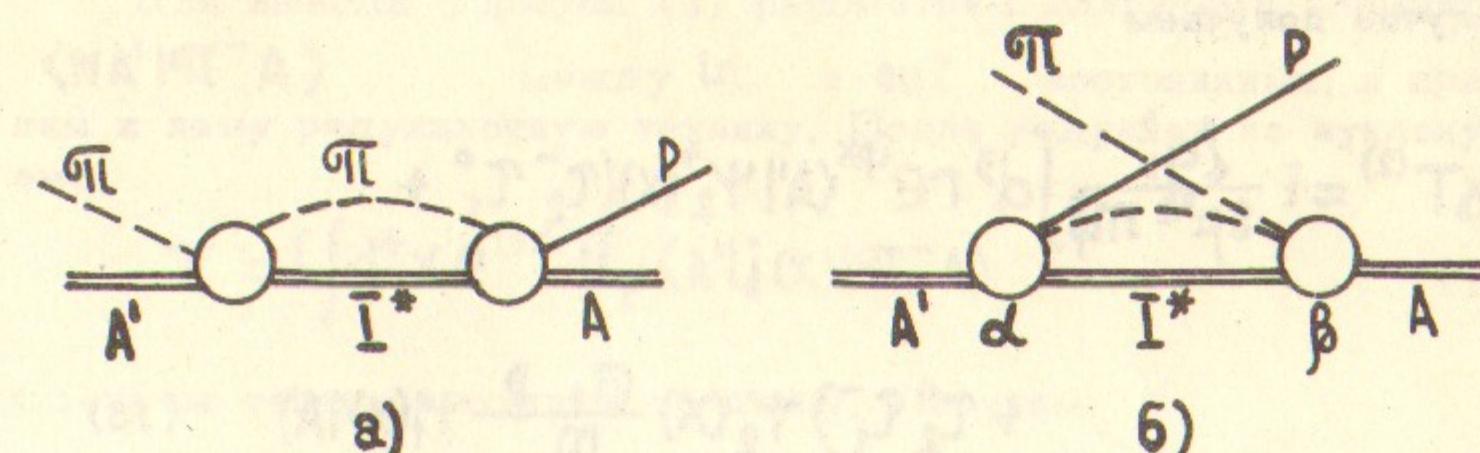
Оценим теперь вклад в сумму в (1) промежуточных состояний содержащих мезоны. Очевидно, что после этого механизм реакции изменится, в акте рождения или поглощения будут участвовать более одного нуклона.

Вклад этих состояний обозначим через

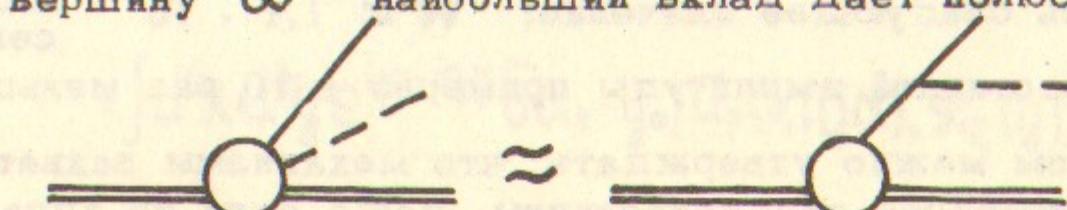
$$\Delta T^{(2)} = i \int d^4x e^{i(p-q)x} q_0 \sum_{\pi I^*} \frac{\bar{U}_p(A'|\bar{j}(x)\pi|I^*) \langle \pi|I^*|j_\pi(x)|A\rangle}{(q_0 + E_{I^*} - E_A)(E_\pi + E_{I^*} - E_A)} -$$

$$- \frac{\langle A'|\bar{j}(x)\pi|I^*\rangle \bar{U}_p(A'|\bar{j}(x)|A)}{(q_0 + E_{A'} - E_\pi - E_{I^*})(E_{A'} - E_\pi - E_{I^*})} \quad (12)$$

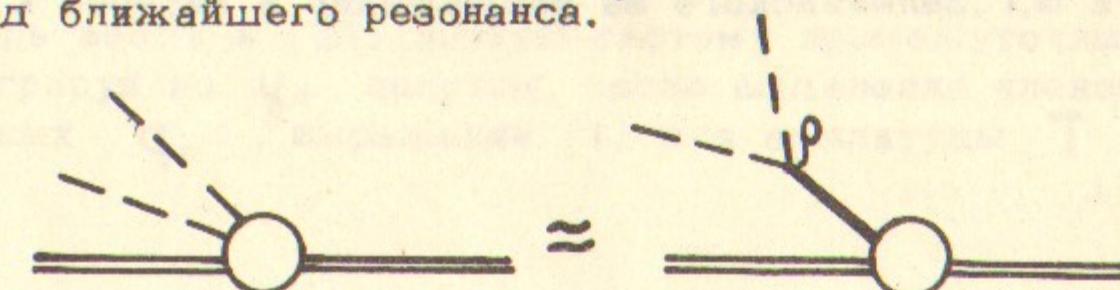
Графически вклад каждого слагаемого можно изобразить так:



В слагаемое, отвечающее графику а) наибольший вклад дают импульсы промежуточного пиона, близкие к нулю. Этот вклад отвечает просто перерассеянию пиона перед поглощением и приводит к искажению пионной волны. Вклад слагаемого, отвечающего графику б) рассмотрим отдельно. Для вычисления этого графика необходимо иметь модели для вершин  $\alpha$  и  $\beta$ . Очевидно, что в вершине  $\alpha$  наибольший вклад дает полюсной график



Графики, в которых пийон взаимодействует с другими нуклонами пропорциональны Фурье-компонентам волновой функции вылетевшего нуклона в ядре с большим импульсом  $p \sim \sqrt{2} m c$  и поэтому малы. В вершине  $\beta$  для оценки оставим только вклад ближайшего резонанса.



Характерные импульсы, по которым идет интегрирование в графике.

б)  $q \leq p_F$ . Этот импульс меньше характерных импульсов в вершинах  $\alpha$  и  $\beta$  ( $\alpha$   $p-m$ , в  $\beta$   $p \sim m_p$ ).

поэтому вершины являются в этой области плавными функциями  $Q$ , и для грубой оценки их можно вообще считать константами. В этом случае получаем

$$\Delta T^{(2)} \approx i \frac{e^2 q_p^2}{8\mu^{3/2} m_p} \int d^3 r e^{ipx} \langle A' | \Psi_2^+(x) (\tau_2^- \tau_1^+ + \tau_1^+ \tau_2^-) \Psi_2(x) \frac{\delta_1}{m} \Psi_1(x) | A \rangle \quad (13)$$

Конкретные вычисления проводились с этой амплитудой для реакции  $\pi^- + He^3 \rightarrow d + n$ . Волновая функция  $He^3$  бралась в виде  $\Psi(x_1, x_2, x_3) = N_3 e^{-\frac{1}{2} \sum \frac{(x_i - x_j)^2}{R}}$ ,  $\lambda = \frac{1}{3R^2}$ ,  $R = 1.5 \text{ fm}$ . Для дейтона бралась волновая функция Хюльтена. Для вероятности захвата получилось следующее значение:  $W \approx 1.1 \cdot 10^{15} \frac{1}{\text{сек}}$ .

Вклад одночастичной амплитуды примерно в 10 раз меньше.

Таким образом можно утверждать, что механизмы захвата пиона ядром существенно неодночастичны, даже если из ядра вылетает только один нуклон. Это значит, что нет универсального взаимодействия пиона с ядром, т.е. нет единого механизма для реакций с различным числом частиц в конечном состоянии, как это было бы для мягких пионов.

В заключение я хотел бы поблагодарить С.Т.Беляева, А.И.Вайштейна и В.Г.Зелевинского за обсуждения и интерес к этой работе.

#### Приложение А.

Для вывода формулы (1) рассмотрим матричный элемент  $\langle NA' | \bar{\pi}^- A \rangle$  между  $|in\rangle$  и  $|out\rangle$  состояниями, и применим к нему редукционную технику. После редукции по нуклону имеем:

$$T = i \int d^4 x e^{ipx} \bar{u}_p \langle A' | j(x) | \bar{\pi}^- A \rangle \quad (1A)$$

Сделаем теперь редукцию по пиону. Получим:

$$T = \int d^4 x d^4 y e^{ipx - iqy} \bar{u}_p (\mu^2 + \square) \langle A' | T(j(x), \varphi_{\pi}^-(y)) | A \rangle \quad (2A)$$

Внесем теперь оператор Клейна-Гордона под  $T$ -произведение

$$\begin{aligned} T = & i q_0 \int d^4 x d^4 y e^{ipx - iqy} \delta(x_0 - y_0) \bar{u}_p \langle A' | [j(x), \varphi_{\pi}^-(y)] | A \rangle + \\ & + \int d^4 x d^4 y e^{ipx - iqy} \delta(x_0 - y_0) \bar{u}_p \langle A' | [j(x), \dot{\varphi}_{\pi}^-(y)] | A \rangle - \\ & - \int d^4 x d^4 y e^{ipx - iqy} \bar{u}_p \langle A' | T(j(x), j_{\bar{\pi}}^-(y)) | A \rangle \end{aligned} \quad (3A)$$

Ограничимся теориями, в которых осуществляется связь без производных и выполняется условие  $P\bar{C}AC$ . Примером такой теории является  $\bar{S}$ -модель /4/. В этом случае  $[j(x), \varphi_{\pi}^-(y)] \delta(x_0 - y_0) = 0$ .

Теперь вводя в (3A) полную систему промежуточных состояний и интегрируя по  $y_0$  получим, после выделения членов пропорциональных  $q_0$ , выражение (1) для амплитуды  $T$ .

Л и т е р а т у р а

1. S.Fubini and G.Furlan, Ann.Phys. 48, 322 (1968).
2. M.Ericson, A.Figurean and A.Molinari, Nucl.Phys.  
B 10, 501 (1969).
3. M.E.Schillaci and R.R.Silbar, Phys.Rev. 185,  
1830 (1969).
4. M.Gell-Mann and M.Levy, Nuovo Cimento 16, 705 (1960).
5. M.K.Banerjee, C.A.Levinson, M.D.Shuster and  
D.A.Zollman, Phys.Rev. C 3, 509 (1971).
6. C.M.Ir.Rose, Phys.Rev. 154, 1305 (1967).
7. S.G.Eckstein, Phys.Rev. 129, 413 (1963).

---

Ответственный за выпуск В.Ф.Дмитриев  
Подписано к печати 13.1X.72г. МН 10498  
Усл. 0,5 печ.л., тираж 200 экз. Бесплатно.  
Заказ № 65, ПРЕПРИНТ.

Отпечатано на ротапринте в ИЯФ СО АН СССР.