

P. 86

17

И Н С Т И Т У Т  
ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ СОАН СССР

И Я Ф 58 -71

Б.А.Румянцев, В.Б.Телицын

КОЛЛЕКТИВНЫЕ  $0^+$  и  $2^+$  СОСТОЯНИЯ  
В ДЕФОРМИРОВАННЫХ ЯДРАХ

Новосибирск

1971

Б.А.Румянцев, В.Б.Телицын

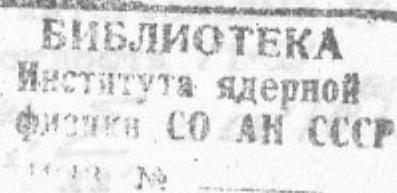
КОЛЛЕКТИВНЫЕ  $0^+$  И  $2^+$  СОСТОЯНИЯ  
В ДЕФОРМИРОВАННЫХ ЯДРАХ

А Н Н О Т А Ц И Я

В работе приводятся результаты численного расчёта свойств коллективных состояний с  $J^\pi = 0^+$  и  $2^+$ . Учёт калибропоинвариантного взаимодействия в канале частица-частица приводит к появлению новых коллективных ветвей с энергией ниже порога двухквазичастичных возбуждений и в целом значительно улучшает согласие теории с экспериментом.

2. Основные результаты

Коллективные колебания ядра в приближении локтических физико-математических методов описываются системой линейных дифференциальных уравнений для координат



## 1. Введение

Основные характеристики коллективных колебаний деформированных ядер удовлетворительно описываются микроскопической моделью - спаривание + "квадрупольное взаимодействие. Численные расчёты первых  $2^+$ -состояний ( $\gamma$  - колебания) хорошо согласуются с опытом, однако для  $0^+$ -состояний количественное согласие, как правило, отсутствует /5-6/. Кроме того, во многих ядрах обнаружены "лишние" коллективные состояния симметрии  $0^+$  и  $2^+$ , свойства которых - энергии и вероятности переходов - не укладываются в рамки этой простой модели.

Дополнительные коллективные моды можно получить, добавляя новые члены в остаточное взаимодействие. Беляевым /1-2/ было показано, что требование калибровочной инвариантности взаимодействия позволяет практически однозначно восстановить его в канале частица-частица. Когерентные флуктуации спаривания, генерируемые калибровочно-инвариантным спаривательным взаимодействием, сильно интерферируют с  $\beta$  и  $\gamma$ -колебаниями /3/.

В настоящей работе мы приводим результаты численного расчёта свойств коллективных состояний деформированных ядер с  $J = 0^+$  и  $2^+$ .

## 2. Основные формулы

Коллективные колебания ядра в приближении хаотических фаз, описываются системой двух интегральных уравнений для поправки к одночастичной матрице плотности /1-2/

$$\omega Z_{11'}^{(T)} + E_{11'} Z_{11'}^{(E)} + 2 Z_{11'}^{(E)} \sum_{22'} \langle 12' | G | 21' \rangle \gamma_{22'}^{(E)} Z_{22'}^{(E)} \\ + 2 \tilde{Z}_{11'}^{(E)} \sum_{22'} \langle 1\tilde{2}' | G | \tilde{1}2' \rangle \tilde{Z}_{22'}^{(E)} = \pm i Z_{11'}^{(E)} V_{11'}^{(E)} \quad (2.1)$$

Здесь:  $Z_{11'}^{(E)}$  -  $T$ -чётная и  $T$ -нечётная часть  $Z$ ,  
 $V_{11'}^{(E)}$  - матричные элементы внешнего поля соответствующей  $T$ -чётности,  $\tilde{Z}_{11'}^{(E)} = U_1 V_1 \mp V_1 U_1$ ;  $\gamma_{11'}^{(E)} = U_1 V_1 \pm V_1 U_1$ ;

$$E_1 = \sqrt{E_1^2 + \Delta^2}$$

- энергия квазичастицы, в которой энергия одиночастичных уровней  $E_1$  отсчитана от границы Ферми,  $\Delta$  - параметр спаривания, а  $U_1$  и  $V_1$  - коэффициенты преобразования Боголюбова.  $G^{(\pm)}$  -  $T$  - чётное и  $T$  - нечётное взаимодействие в канале частица-дырка,  $G$  - спаривающее взаимодействие.

Энергия коллективных колебаний  $\omega_n$  находится из условия разрешимости однородной системы (2.1), а вероятности переходов из возбуждённого состояния  $| \omega_n \rangle$  в основное определяются вычетом величин  $Z^{(\pm)}(\omega)$  в точке  $\omega = \omega_n$ , согласно формуле

$$|(\alpha | V | \omega_n)|^2 = \frac{\omega^2 - \omega_n^2}{\omega_n} \sum_{vv'} \left[ Z_{vv'}^{(+)} \phi_{vv'}^{(+)} - Z_{vv'}^{(-)} \phi_{vv'}^{(-)} \right] \Bigg|_{\omega^2 = \omega_n^2} \quad (2.2)$$

где введено обозначение для правой части уравнений (2.1)

$$\phi_{vv'}^{(\pm)} = \pm i \mathcal{Z}_{vv'}^{(\pm)} V_{vv'}$$

Выражение (2.2) для вероятности перехода может быть представлено в другом виде, если предположить, что данное возбужденное состояние имеет коллоктивную природу и порождается из основного состояния некоторым бозе-оператором

$$|\omega_n\rangle = \alpha \omega_n^+ |0\rangle$$

Тогда для амплитуды перехода от оператора  $V$  имеем

$$(\alpha | V | \omega_n) = -2i \sum_{vv'} \left\{ A_{vv'}^{(+)} \phi_{vv'}^{(+)} - A_{vv'}^{(-)} \phi_{vv'}^{(-)} \right\} f^* \quad (2.3)$$

Здесь величины  $A_{vv'}^{(\pm)}$  имеют смысл коэффициентов разложения оператора фона  $\alpha \omega_n^+$  через квазичастичные операторы  $\alpha$  и  $\alpha^+$ .

<sup>x)</sup> Вывод уравнений (2.1) и других формул см. в /1-2/.

$$\Omega^+ = \sum_{\nu\nu'} \left\{ A_{\nu\nu'}^{(+)} (\alpha_{\bar{\nu}}^+ \alpha_{\nu}^+ - \alpha_{\nu}^- \alpha_{\bar{\nu}}^-) + A_{\nu\nu'}^{(-)} (\alpha_{\bar{\nu}}^+ \alpha_{\nu}^- + \alpha_{\nu}^- \alpha_{\bar{\nu}}^+) \right\} \quad (2.4)$$

Структура коллективного состояния (т.е. коэффициенты  $A_{\nu\nu'}^{(\pm)}$ ) определяются из сравнения выражений (2.2) и (2.3).

### 3. Модель эффективного взаимодействия

В канале частица-дырка мы оставим обычное квадрупольное взаимодействие

$$\langle 12' | G^{(4)} | 21' \rangle = - \frac{e}{2} \sum_{\mu} g_{\mu}^{(11')} g_{\mu}^{*(22')} \quad (3.1)$$

$$G^{(4)} = 0$$

В спаривающем канале, согласно /1-2/ взаимодействие представим в виде:

$$\langle 1\tilde{1}' | G | \tilde{2}' 2 \rangle = - \frac{e}{2} \sum_{\sigma} f_{\sigma}^{(11')} f_{\sigma}^{*(22')} \quad (3.1a)$$

где функции пространственных координат  $f_{\sigma}(\vec{r})$  ортонормированы в объеме ядра:

$$\frac{1}{2} \int d\vec{r} f_{\sigma}(\vec{r}) f_{\sigma'}^*(\vec{r}) = \delta_{\sigma\sigma'} \quad (52)$$

Для  $f_{\sigma} = 1$  (3.1a) переходит в обычное спаривающее взаимодействие, но для калибровочно-инвариантного взаимодействия необходимо сохранить весь ряд.

При исследовании квадрупольных возбуждения ядра в разложении (3.1a), кроме обычного спаривания, мы должны оставить члены, максимально интерферирующие с квадрупольным моментом.

Из результатов работы /3/ следует, что для описания возбуждений симметрии  $O^+$  и  $2^+$ , в деформированных ядрах, достаточно ограничиться следующими главными членами

$$f_c = 1; \quad f_1 = (r^2 - \bar{r}^2) / \sqrt{\bar{r}^4 - (\bar{r}^2)^2},$$

$$f_{1'} = g_0 / \sqrt{\bar{g}_0^2} \quad (3.2)$$

для  $O^+$ -состояний, и

$$f_{1''} = g_2 / \sqrt{\bar{g}_2^2} \quad (3.2a)$$

для  $2^+$ -состояний. ( $\bar{}$  означает усреднение по объёму ядра).

Сепарабельное взаимодействие (3.1) – (3.2) позволяет свести интегральные уравнения (2.1) к системе линейных алгебраических уравнений, явный вид которых найден в /3/. Коллективные  $O^+$ - состояния описывает система 11-и уравнений, что соответствует учёту связи  $\beta$ -колебаний с  $T$ -чётными (парные колебания) и  $T$ -нечётными монопольными и квадрупольными флюктуациями спаривания. При исследовании  $2^+$ -возбуждений пренебрегалось интерференцией  $\gamma$ -колебаний с квадрупольными парными колебаниями, поэтому для  $2^+$ -возбуждений получалась система трёх уравнений.

В приближении сепарабельного взаимодействия выражение (2.2) для вероятностей переходов принимает вид

$$|(0|V|\omega_n)|^2 = \frac{\omega^2 - \omega_n^2}{\omega_n} \left( \frac{\sum_{ik} A_{ik} \ell_i \ell_k^*}{\mathcal{D}} \right) \Bigg|_{\omega^2 = \omega_n^2} \quad (3.3)$$

где  $\mathcal{D}$ ,  $A_{ik}$  и  $\ell_i$  – соответственно определитель, миноры и правая часть системы уравнений, получающийся при подстановке в (2.1) взаимодействия (3.1) – (3.2). Выражение (3.3) положительно, строго говоря, только на "массовой поверхности"  $\omega = \omega_n$ , и для того, чтобы сделать его существенно положительной величиной, мы воспользуемся соотношением между минорами матрицы, определитель которой равен нулю /3/:

$$A_{ik} A_{em} = A_{ie} A_{mk} \quad (3.4)$$

если  $\omega = \omega_n$ . Умножая числитель и знаменатель выражения (3.3) на  $A_{nn}$  имеем

$$\frac{\sum_{ik} A_{ik} \ell_i \ell_k^*}{\mathcal{D}} = \frac{\sum_{ik} A_{ik} \ell_i \ell_k^* A_{nn}}{\mathcal{D} A_{nn}} = \frac{|\sum_i A_{in} \ell_i|^2}{\mathcal{D} A_{nn}} \quad (3.5)$$

#### 4. Детали численных расчётов

Энергии одночастичных уровней  $E_i$ , химические потенциалы, параметры спаривания  $\Delta$  и  $C$ , а также матричные элементы квадрупольного момента  $g_\mu$  брались из работы /4/. Матричные элементы от  $r^2$  вычислялись в прямоугольной сферической яме.

Параметр квадрупольного взаимодействия  $\chi$  был выбран одинаковым для любых пар нуклонов:

$$\chi_{nn} = \chi_{pp} = \chi_{np} \equiv \chi = \frac{k \hbar \omega}{A^{1/3}}, \quad \hbar \omega = \frac{41}{A^{1/3}} \text{ Mev}$$

а константа  $k$  подбиралась из условия совпадения наблюдаемой и вычисленной энергии нижайших, в данной группе ядер,  $O^+$  и  $2^+$ -уровней

$$k = \begin{cases} (9,1 - 0^+ \text{-состояния}) & (\omega = \omega_{exp} (Nd^{150})) \\ ( ) & \\ ( ) & \text{в редких землях} \\ (8,2 - 2^+ \text{-состояния}) & (\omega = \omega_{exp} (Dy^{164})) \\ ( ) & \\ (9,95 - 2^+ \text{-состояния в актинидах}) & (\omega = \omega_{exp} (Th^{230})) \\ ( ) & \end{cases}$$

Эффективные заряды нейтронов ( $e_n$ ) и протонов ( $1 + e_n$ ) полагались равными

$$e_n = 1 \quad - \quad 0^+ - \text{состояния}$$

$$e_n = 0,8 \quad - \quad 2^+ - \text{состояния}$$

Небольшая несогласованность в значениях  $k$  и  $e_n$  обусловлена отличием схем одночастичных уровней для ядер редкоземельной области и актинидов, а также различной перенормировкой сумм по одночастичным уровням для состояний с разными  $J^\pi$ .

Для контроля устойчивости численного счёта использовалось соотношение (3,5). Независимо от номера используемого в нём минора  $A_{nn}$  результаты должны совпадать.

### 5. Обсуждение результатов

В таблице 1 приведены значения энергий  $\omega$  (в Мэв) и вероятностей переходов в основную ротационную полосу ( $B(E2)$  - в одночастичных единицах,  $\rho^2(E0)$  - в единицах  $e^2 R_0^4$ ) для  $0^+$ -возбуждений ядер редкоземельной области. Здесь же выписаны экспериментальные данные из обзора /5/.

Первое состояние, как правило имеет сильный  $E2$  - переход и слабый  $E0$ , т.е. по своим характеристикам оно близко к  $\beta^-$ -колебаниям. Второе состояние с сильным ( $\rho^2(E0) \sim 1$ )  $E0$  - переходом и с незначительной примесью  $E2$  естественно относится к монопольным флюктуациям спаривания /1/. Исключение составляют лишь несколько ядер ( $Er^{166}$ ,  $Yb^{168}$  и др.), в которых произошла инверсия этих состояний. Более высокие уровни не обладают ярко выраженным распадными характеристиками и являются сложной суперпозицией  $\beta^-$ -колебаний и флюктуаций спаривания<sup>x)</sup>.

<sup>x)</sup> Значения  $\rho^2(E0)$  чувствительны к малым примесям других ветвей и значениям монопольных матричных элементов. Для более точного вычисления  $\rho^2(E0)$  матричные элементы от  $r^2$  необходимо вычислять в более реальном потенциале типа Вудса-Саксона.

Для полноты картины на рис.1 сравниваются наши расчёты энергий первых  $0^+$ -состояний для ядер редкоземельной области с вычислениями в стандартной модели  $\beta$ -колебаний. Следует отметить, что несмотря на заметное понижение энергий, вероятности  $E2$ -переходов также уменьшаются, что приводит к лучшему согласию с экспериментом /3/.

Результаты расчётов энергий  $2^+$ -состояний и величин  $B(E2)$  для перехода из основного состояния в возбужденное вместе с экспериментальными данными /6-8/ выписаны в таблицах 2 (для ядер редкоземельной области) и 3 (для актинидов). Здесь же приведены результаты контрольных расчётов в модели "чистых"  $\gamma$ -колебаний. Вычислен также вклад двухквазичастичных состояний в однофононные волновые функции. Результаты этих расчётов для 4-х изотопов  $Yb$  приведены в таблице 4.

Вычисления показали, что квадрупольное взаимодействие в спаривающем канале, так же, как и в случае  $0^+$ -возбуждений, заметно уменьшает энергию первых  $2^+$ -состояний и величины

$B(E2)$  xx). Вклад флюктуаций спаривания в волновую функцию первого  $2^+$ -уровня меняется от ядра к ядру, и в среднем составляет около 30% (см.табл.4).

Второе  $2^+$ -состояние, хотя и находится ниже порога двухквазичастичных возбуждений, значительно менее коллективизировано. Значения  $B(E2)$  для него в 10-100 раз меньше, чем для первого  $2^+$ -уровня.

### Выводы

Результаты проведенных расчётов можно сформулировать, сравнивая их с расчётами "чистых"  $\beta$  и  $\gamma$ -колебаний. Учёт градиентно-инвариантного взаимодействия в канале частица-частица приводит к появлению новых коллективных ветвей, сильно интерферирующих с  $\beta$  и  $\gamma$ -колебаниями и заметно улучшает согласие теории с опытом.

xx) Отметим, однако, что вероятности  $E2$ -переходов, вычисленные в обеих моделях, могут быть приведены в соответствие перенормировкой эффективных зарядов, одинаковой для всей группы ядер.

Следует однако со всей определенностью сказать, что проблему "лишних" уровней нельзя считать решенной. Кроме того, количественное согласие теории с экспериментом, даже для низайших состояний, оставляет желать лучшего.

В некоторых ядрах ( $Sr^{154}$ ,  $Gd^{156}$ ,  $Dy^{158}$ ,  $Yb^{168}$  и др.) наблюдаются пары близко расположенных  $0^+$ -уровней (в  $Dy^{158}$   $\Delta\omega \sim 10$  кэВ), природа которых остается неизвестной. Аналогичная ситуация имеет место и для  $2^+$ -состояний в трансуранных элементах ( $Th^{228}$ ,  $U^{238}$ ). Возможно, что микроскопическое описание таких возбуждений потребует выхода за рамки приближения хаотических фаз.

В принципе, дальнейшее обогащение спектра коллективных возбуждений ядра может быть получено путем введения новых членов в остаточное взаимодействие. Нам представляется, однако, что разумные возможности в этом направлении практически исчерпаны<sup>/10/</sup>. Исключение представляют лишь спин-орбитальные колебания /9/, существование которых вытекает из свойств хорошо известного оболочечного потенциала ядра, а не опирается на априорные гипотезы о виде остаточного взаимодействия.

Мы благодарны С.Т.Беляеву за помощь в работе.

Т а б л и ц а 1

энергии и вероятности переходов для  $0^+$ -состояний ядер редкоземельной области.

ЯДРО	$\omega$	$B(E2)$	$\rho^2(E0)$	$\omega$	$B(E2)$	$\rho^2(E0)$
	Т е о р и я	Э к с п е р и м е н т				
$Nd^{150}$	0,69	4,84	0,06	0,69	5,0	
	1,76	$5 \cdot 10^{-4}$	0,60			
	1,98	$3 \cdot 10^{-2}$	0,17			
$Sm^{152}$	0,81	3,56	0,14	0,69	3,4	0,04
	1,69	$3 \cdot 10^{-4}$	0,53	1,09		
	1,95	$10^{-2}$	$3 \cdot 10^{-2}$			
$Sm^{154}$	1,11	2,2	0,19	1,1	1,2	
	1,69	$10^{-3}$	0,48	1,22		
	1,95	$5 \cdot 10^{-3}$	$7 \cdot 10^{-3}$			
$Sm^{156}$	1,29	1,52	0,29	1,07		
	1,69	$10^{-3}$	0,29			
	1,86	$6 \cdot 10^{-2}$	0,24			
$Gd^{154}$	0,95	2,72	0,08	0,68	4,8	0,16
	1,69	$10^{-4}$	0,70	1,29		
	1,97	$3 \cdot 10^{-2}$	0,16			
$Gd^{156}$	1,22	1,77	0,12	1,05	2,8	0,16
	1,68	$2 \cdot 10^{-5}$	0,67	1,17		
	2,0	$6 \cdot 10^{-3}$	0,14			

Продолжение таблицы 1.

1	2	3	4	5	6	7
$Gd^{158}$	1,38	1,2	0,2	1,45		
	1,68	$5 \cdot 10^{-5}$	0,58			
	1,85	$8 \cdot 10^{-2}$	0,15			
$Gd^{160}$	1,47	0,5	0,27			
	1,66	$3 \cdot 10^{-2}$	0,53			
	1,78	0,14	0,1			
$Dy^{156}$	1,05	2,2	$4 \cdot 10^{-2}$	0,676		
	1,71	$10^{-5}$	0,85			
	1,96	$6 \cdot 10^{-3}$	$10^{-2}$			
$Dy^{158}$	1,29	1,43	0,07	0,991	$> 0,3$	$> 5 \cdot 10^{-3}$
	1,71	$8 \cdot 10^{-5}$	0,84	0,994		
$Dy^{160}$	1,44	0,92	0,14	1,263		
	1,7	$4 \cdot 10^{-5}$	0,78	1,953		
	1,85	$8 \cdot 10^{-2}$	0,14			
$Dy^{162}$	1,49	0,33	0,18	(1,127)		
	1,69	$10^{-2}$	0,76			
	1,78	0,1	$8 \cdot 10^{-2}$			
$Dy^{164}$	1,57	$2 \cdot 10^{-2}$	0,19			
	1,69	$10^{-2}$	0,86			
	1,82	$7 \cdot 10^{-3}$	$6 \cdot 10^{-4}$			
$Er^{164}$	1,49	0,17	0,88	1,245	$> 0,05$	
	1,5	0,16	0,17	1,698		
	1,78	0,16	$3 \cdot 10^{-2}$	1,765		

Продолжение таблицы 1.

1	2	3	4	5	6	7
$Er^{166}$	1,49	$10^{-3}$	0,96	1,46		
	1,57	$2 \cdot 10^{-2}$	0,14			
	1,81	$8 \cdot 10^{-3}$	$2 \cdot 10^{-4}$			
$Er^{168}$	1,25	$10^{-4}$	0,21	1,215		
	1,48	$10^{-3}$	0,95			
	1,58	$4 \cdot 10^{-3}$	$4 \cdot 10^{-3}$			
$Er^{170}$	1,23	$5 \cdot 10^{-2}$	0,19	0,88		
	1,48	$8 \cdot 10^{-4}$	0,96			
	1,56	$3 \cdot 10^{-3}$	$3 \cdot 10^{-3}$			
$Yb^{168}$	1,46	0,11	0,83	1,16	$> 4 \cdot 10^{-3}$	$> 8 \cdot 10^{-3}$
	1,57	$10^{-2}$	0,25	1,20		$\sim 2 \cdot 10^{-3}$
	1,81	$10^{-2}$	$10^{-4}$	1,54		$> 2,5 \cdot 10^{-5}$
$Yb^{170}$	1,25	$10^{-3}$	0,22	1,065		
	1,46	0,1	0,93	1,228		
	1,57	$2 \cdot 10^{-3}$	$5 \cdot 10^{-4}$	1,480		
$Yb^{172}$	1,23	$7 \cdot 10^{-2}$	0,27	1,045		
	1,46	$9 \cdot 10^{-2}$	0,83	1,405		
	1,55	$10^{-3}$	$6 \cdot 10^{-4}$	1,794		
$Yb^{174}$	1,45	0,1	1,06	1,32	$< 0,5$	
	1,47	$8 \cdot 10^{-4}$	$6 \cdot 10^{-3}$	1,49		
	1,68	$4 \cdot 10^{-3}$	$6 \cdot 10^{-4}$	1,895		

Продолжение таблицы 1.

	1	2	3	4	5	6	7
$\text{Yb}^{176}$	1,45	0,11	0,81				
	1,52	$8 \cdot 10^{-3}$	0,26				
	1,64	$7 \cdot 10^{-4}$	$6 \cdot 10^{-5}$				
$\text{Hf}^{174}$	1,22	$8 \cdot 10^{-2}$	0,24	0,827			0,09
	1,55	$6 \cdot 10^{-2}$	$8 \cdot 10^{-3}$	(1,24)			
$\text{Hf}^{176}$	1,47	$5 \cdot 10^{-3}$	0,14	1,15			
	1,67	$5 \cdot 10^{-2}$	$6 \cdot 10^{-2}$	1,29			
$\text{Hf}^{178}$	1,51	$4 \cdot 10^{-2}$	0,07	1,2			
	1,63	$4 \cdot 10^{-3}$	$6 \cdot 10^{-3}$	1,434			
$\text{Hf}^{180}$	1,57	0,25	$2 \cdot 10^{-3}$				
	1,65	0,49	0,72				
	1,77	$2 \cdot 10^{-2}$	$10^{-2}$				

Таблица 2.

энергии и вероятности переходов для  $2^+$ -состояний ядер редкоземельной области.

Я Д Р О	$\omega$ (Мев)		$B(E2, 0^+ \rightarrow 2^+)/B_{sp}(E2)$				
	Экспе- римент	$\gamma$ -коле- бания +флуктуа- ции-спа- ривания"	"чистые $\gamma$ -коле- бания"	Экспери- мент	" $\gamma$ -коле- бания +флуктуа- ции спа- ривания"	"чистые $\gamma$ -коле- бания"	
	1	2	3	4	5	6	7
$Nd^{150}$	1,06		1,258	1,634	$2,9 \pm 0,5$	2,057	2,94
			2,165	2,296		0,519	0,28
$Sm^{152}$	1,086		1,206	1,573	$2,8 \pm 0,5$	2,42	3,58
			2,111	2,282		0,56	0,31
$Sm^{154}$	1,444		1,213	1,573	$2,7 \pm 0,6$	2,59	3,88
			2,134	2,261		0,50	0,04
$Gd^{154}$	0,996		1,031	1,297	$5,3 \pm 2,0$	3,39	5,59
			1,531	1,919		0,27	0,29
$Gd^{156}$	1,556		1,030	1,285	$2,3 \pm 0,8$	3,55	5,88
			1,945	2,242		0,21	0,06
$Gd^{158}$	1,187		1,031	1,268	$\leq 3,0$	3,74	6,29
			2,002	2,365		0,12	0,08
$Gd^{160}$	0,998		0,992	1,163	$3,6 \pm 0,6$	3,93	6,54
			2,018	2,541		0,10	0,03
$Dy^{158}$	0,945		0,854	0,988	$2,7 \pm 0,8$	4,41	7,84
			1,845	2,203		0,06	0,06

Продолжение таблицы 2.

1	2	3	4	5	6	7
$Dy^{160}$	0,996 1,905	0,850 2,296	0,964 2,872	$2,7+0,8$ $3,6+0,7$	4,58 0,02	$8,23 \cdot 10^{-3}$ $3,10 \cdot 10^{-3}$
$Dy^{162}$	0,890 1,915	0,813 2,310	0,872 2,152	$3,6+0,7$ $4,9+0,9$	4,83 0,02	$8,79 \cdot 10^{-3}$ $4,10 \cdot 10^{-3}$
$Dy^{164}$	0,770 1,987	0,770 1,834	0,770 2,152	$4,9+0,9$ $7,7+1,5$	4,93 0,06	8,89 0,15
$Er^{164}$	0,861 1,887	0,856 2,299	0,982 2,299	$6,7+1,9$ $6,2+1,1$	4,30 $5,10 \cdot 10^{-3}$	$7,51 \cdot 10^{-3}$ $9,10 \cdot 10^{-3}$
$Er^{166}$	0,788 1,806	0,815 2,132	0,879 2,132	$7,7+1,5$ $3,6+0,7$	4,38 0,03	7,47 0,12
$Er^{168}$	0,822 1,809	0,939 1,834	1,134 1,834	$6,2+1,1$ $0,01$	3,71 0,01	5,96 0,01
$Er^{170}$	0,930 1,607	1,046 1,619	1,353 1,619	$3,6+0,7$ $0,01$	3,21 0,15	4,87
$Yb^{168}$	0,986 1,849	1,008 2,242	1,233 2,242	$0,01$	3,16 0,09	4,69 0,30
$Yb^{170}$	1,13825 (1,756)	1,119 1,814	1,489 1,830	$0,01$	2,81 0,02	4,11 0,04
$Yb^{172}$	1,468 1,610	1,218 1,604	1,587 1,799	$\leq 1,4$ $0,03$	2,51 0,03	0,37 3,70
$Yb^{174}$	1,630 1,877	1,134 1,877	1,561 1,986	$0,01$	2,60 0,04	3,93 0,02

### Продолжение таблицы 2.

Таблица 3

Энергии и вероятности переходов для ядер трансурановой области

Я Д Р О	$\omega$ (Мев)		$B(E2, 0^+ \rightarrow 2^+)/B_{\text{exp}}(E2)$				
	Экспе- римент	"ко- лебания +флук- туации спарива- ния"	Экспе- римент	"ко- лебания" "чистые спарива- ния"	бания	"ко- леба- ции спа- ривания"	7
	1	2	3	4	5	6	
$T_{\text{h}}^{228}$	0,969	0,664	0,477		6,35	21,6	
	1,150	1,824	2,086		0,27	0,07	
$T_{\text{h}}^{230}$	0,783	0,783	0,783		5,23	11,5	
	1,013	1,771	1,883		0,32	0,05	
$T_{\text{h}}^{232}$	0,790	0,849	0,909		4,48	8,31	
		1,629	1,698	3 ± ?	0,39	0,40	
$T_{\text{h}}^{234}$		0,938	1,076		4,03	6,68	
		1,562	1,562		$10^{-3}$	$5 \cdot 10^{-3}$	
$U^{232}$	0,867	0,921	1,029		4,06	7,41	
		1,832	1,859		0,26	$10^{-3}$	
$U^{234}$	0,927	0,970	1,089		3,44	5,49	
		1,126	1,667	1,707	0,41	0,43	
$U^{236}$ (0,953)		1,054	1,224		3,10	4,42	
		1,558	1,558		$10^{-3}$	$4 \cdot 10^{-3}$	
$U^{238}$	1,061	1,122	1,364	2 ± ?	3,30	0,04	
		1,16	1,365	1,384	$10^{-3}$	5,30	

Продолжение таблицы 3.

1	2	3	4	5	6	7
$Pu^{236}$		1,030	1,163		2,93	4,42
		1,683	1,709		0,36	0,45
$Pu^{238}$	1,030	1,111	1,282		2,61	3,50
		1,553	1,553		$<10^{-3}$	$4 \cdot 10^{-3}$
$Pu^{240}$	0,945	1,188	1,361		2,87	$3 \cdot 10^{-3}$
		1,361	1,455		$<10^{-3}$	4,51
$Pu^{242}$		1,029	1,208		3,07	5,10
		1,568	1,568		$<10^{-3}$	0,01
$Cm^{242}$		1,198	1,357		2,80	$4 \cdot 10^{-3}$
		1,357	1,446		$<10^{-3}$	4,44
$Cm^{244}$		1,041	1,211		2,99	4,95
		1,564	1,564		$<10^{-3}$	$7 \cdot 10^{-3}$
$Cm^{246}$		0,834	0,903		3,471	6,46
		1,918	1,927		0,18	$< 10^{-3}$
$Cm^{248}$		0,678	0,657		4,06	9,32
		1,892	1,919		0,39	$6 \cdot 10^{-3}$
$Cf^{248}$		0,806	0,848		3,75	7,06
		1,607	1,607		$10^{-3}$	$< 10^{-3}$
$Cf^{250}$	1,0382	0,652	0,595		4,39	10,40
		1,602	1,603		$10^{-3}$	$< 10^{-3}$

Продолжение таблицы 3.

	1	2	3	4	5	6	7
$\sigma_f^{252}$		0,553	0,382		4,93	16,8	
		1,598	1,598		$2 \cdot 10^{-3}$	$< 10^{-3}$	
$\mu_m^{252}$		0,775	0,785		4,03	7,61	
		1,494	1,494		$< 10^{-3}$	$< 10^{-3}$	
$\mu_m^{252}$		0,625	0,528		4,74	11,8	
		1,490	1,490		$10^{-3}$	$< 10^{-3}$	
$\mu_m^{254}$		0,527	0,289		5,35	22,2	
		1,486	1,487		$10^{-3}$	$< 10^{-3}$	
$\tau_{K^{+}}$	0,77	0,849	0,849	786,1	4,48	8,31	
$\tau_{K^{+}}$	09,2	1,038	1,038	786,1	3,72	0,39	0,40
$\tau_{K^{+}}$	0,935	1,038	1,038	786,1	1,03	8,31	
$\tau_{K^{+}}$	1,038	1,038	1,038	828,0	10	10	
$\tau_{K^{+}}$	0,81,0	0,821	0,821	819,1	4,03	7,41	
$\tau_{K^{+}}$	80,1	1,038	1,038	819,1	5,26	10	
$\tau_{K^{+}}$	0,97,0	0,970	0,970	828,1	3,44	8,45	
$\tau_{K^{+}}$	87,0	1,038	1,038	828,0	4,41	0,45	
$\tau_{K^{+}}$	(0,868) 01	1,064	1,064	786,1	3,10	6,62	
$\tau_{K^{+}}$	81,01	81,1	1,038	786,1	10	10	
$\tau_{K^{+}}$	1,068 01	1,122	1,068 01	2 1286,1	4,40	0,04	
		1,038	1,038	1,038	10	8,31	

Таблица 4.

Вклад нейтронных двухквазичастичных амплитуд в  $2^+$ -состояния для изотопов  $\text{Yb}$ .

Ядро	Конфи- гурация	Первые $2^+$ -состояния			Вторые $2^+$ -состояния		
		Экспери- мент	" $\gamma$ -ко- лебания +флук- туации спарива- ния"	" $\gamma$ -ко- лебания тые $\gamma$ -ко- тации леба- спари- ния"	Экспери- мент	" $\gamma$ -ко- лебания тые $\gamma$ -ко- тации леба- спари- ния"	
1	2	3	4	5	6	7	8
$\text{Yb}^{168}$	523↓-521↓		-0,352	-0,461		-0,450	0,535
	521↓-512↑		0,022	0,021		0,022	0,018
	521↓-521↓	0,03-0,14	-0,284	-0,359		-0,173	-0,363
	651↑-633↑		-0,127	-0,156		-0,078	-0,130
$\text{Yb}^{170}$	523↓-521↓	0,03-0,14	-0,310	-0,441		-0,115	-0,078
	521↓-512↑		0,057	0,107		0,665	-0,699
	521↓-521↓	~0,37	-0,241	-0,302		-0,060	-0,041
	512↑-510↓		-0,146	-0,128		-0,044	-0,015
$\text{Yb}^{172}$	523↓-521↓		-0,197	-0,069		0,001	-0,260
	521↓-512↑	0,31÷0,38	0,104	0,683	0,59+0,65	-0,695	-0,183
	521↓-521↓		-0,162	-0,052		0,001	-0,183
	512↑-510↓		-0,236	-0,082		-0,001	-0,296
$\text{Yb}^{174}$	523↓-521↓		-0,105	-0,084		-0,114	-0,006
	521↓-512↑		0,042	0,069		0,207	-0,704
	512↑-510↑	~0,39	-0,346	-0,497		-0,339	-0,051
	514↓-512↓		-0,206	-0,213		-0,244	-0,018

Л и т е р а т у р а

- /1/ С.Т.Беляев, Я.Ф. 4, 936, (1966).
- /2/ S.T. Belyaev, Phys. Lett., B28, 365 (1969)
- /3/ С.Т.Беляев, Б.В.Румянцев. Препринт ИЯФ СО АН СССР 1-70, (1970).
- /4/ К.М.Железнова, А.А.Корнейчук, В.Г.Соловьев, П.Фогель, Г.Юнгклауссен. Препринт ОИЯИ, Д2157, (1965).
- /5/ Н.И.Пятов. Доклад на П-ом проблемном Симпозиуме по структуре ядра, Новосибирск, 1970, препринт ОИЯИ Р4-5422, (1970).
- /6/ Н.И.Пятов, " . B36, 667, (1967).  
М.И.Черней, Н.И.Пятов. Препринт ОИЯИ Е43134, (1967).
- /7/ А.Л.Комов, Л.А.Малов, В.Г.Соловьев. Препринт ОИЯИ Р4- 5126, (1970).
- /8/ N.A. Bond - Osmolovskaya et al, Nucl. Phys., A162, 305 (1971).
- /9/ S.T. Belyaev, B. A. Riumantsev, Phys. Lett., 30B, 444 (1969).
- /10/ S.T. Belyaev, Conf. of Nucl. Struc., Dubna, IAEA, 155 (1968).

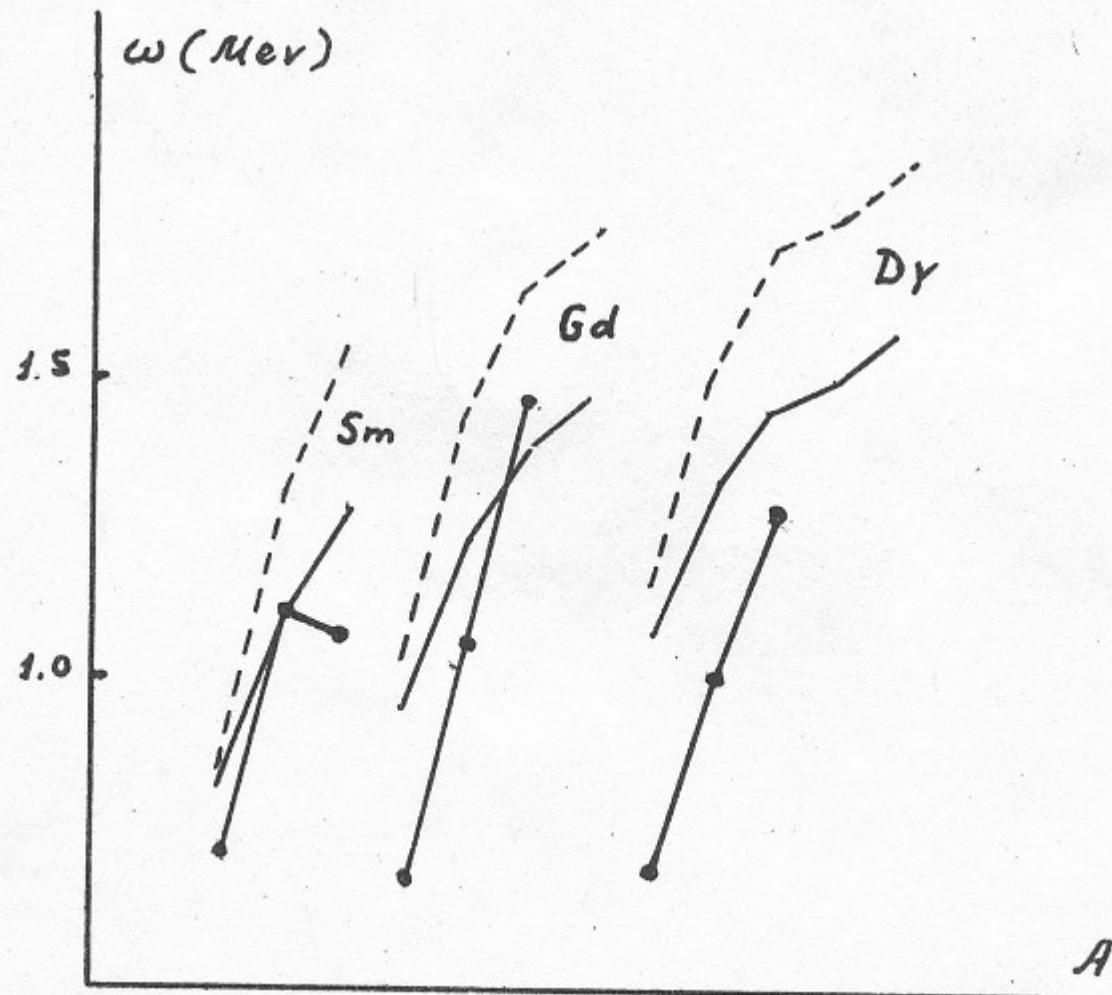


Рис.1. Экспериментальные (чёрные кружки) и теоретические энергии первых возбужденных  $0^+$ -состояний (пунктирной линией обозначены чистые колебания, сплошной - расчёт с учётом флуктуаций спаривания).

- 1) Балан, Я.Б. и др. 1189  
2) Балан, Я.Б. и др. 1189  
3) Г.Ю. Струнин, И.А. Румянцев, И.И. Смирнова, И.В. Смирнова, А.Н. Красильников, П.Ф. Григорьев, Г.Ю. Струнин. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 10, 1970.  
4) К.М. Железнова, А.К. Красильников, Г.Ю. Струнин, П.Ф. Григорьев, Г.Ю. Струнин. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 11, 1970.  
5) Н.Н. Смирнов. Доказательство существования Симонова в квантовой теории поля. Известия Академии наук СССР, физика, № 10, 1970, стр. 1910.  
6) Н.И. Плещин. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 12, 1970.  
7) М.Л. Чистяков. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 13, 1970.  
8) А.Л. Капитонов, Н.А. Марков, А.С. Соловьев. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 14, 1970.  
9) Н.А. Бондарь - Основы ядерной физики. Ученые записки ИЯФ СО АН СССР, № 15, 1971.  
10) В.Е. Вельяминов, В.А. Балашов, Физ. Леттеры, № 39, 1969 (1970).  
11) S. T. Belyanin, Compt. Rend. Acad. Sci. Paris, Series A, 274, 1972.

одновременно с (ниже подпись) вымышленным именем. Локч

Ответственный за выпуск Б.А.Румянцев

Подписано к печати 25.8.71. № 02727

Усл. 1,1 печ.л., тираж 200 экз. Бесплатно.

Заказ № 58 . ПРЕПРИНТ

Отпечатано на ротапринте в ИЯФ СО АН СССР, нв.